

IX 1974

9

5

4

ТУ 19-32-73

6

1

ДИА  ИЛЬМ

07-3-183

**Диафильм по математике
для 9–10 классов**



**ПРОЕКЦИИ И ПОСТРОЕНИЕ
ПРОСТРАНСТВЕННЫХ ФИГУР**

К СВЕДЕНИЮ УЧИТЕЛЯ

1. В диафильме показаны главные принципы построения изображений в произвольной параллельной проекции, иллюстрируемые чертежами простейших фигур. Таким образом, диафильм служит основой при обучении черчению геометрических тел.

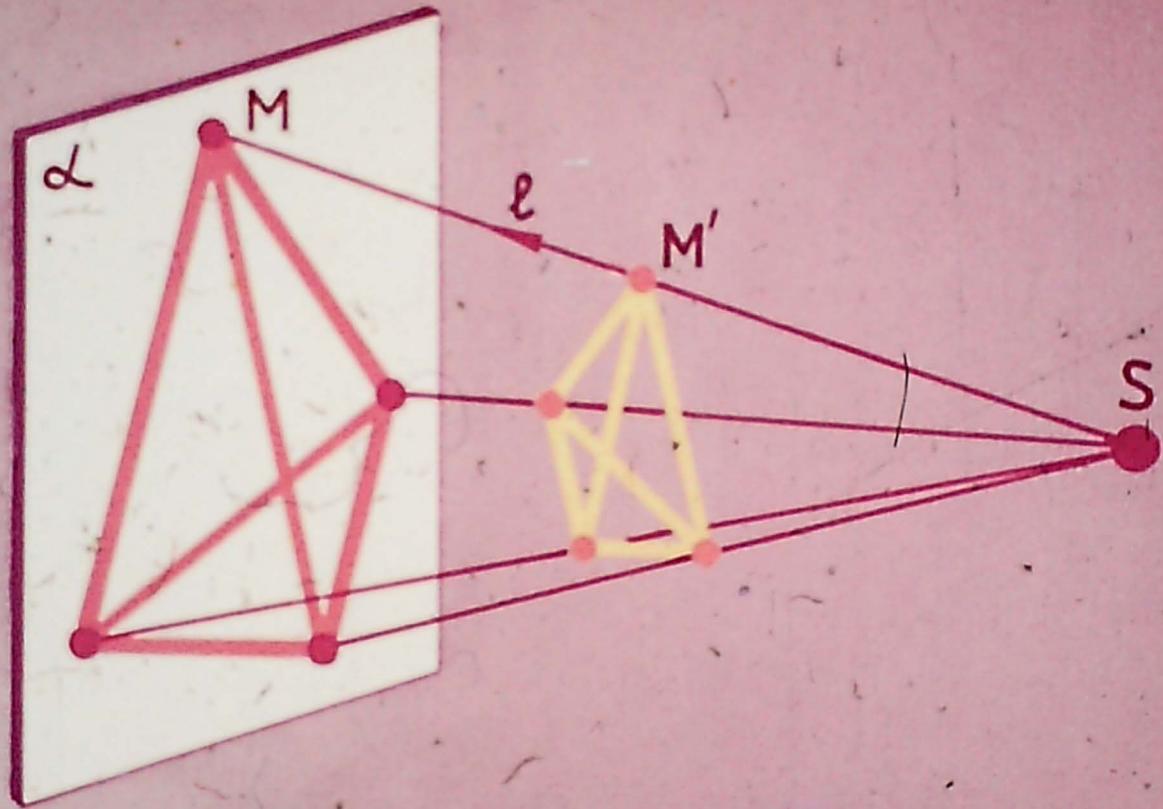
2. В диафильме представлены также и сложные комбинации тел. Этими кадрами можно воспользоваться как для обучения правильному построению изображений, так и в качестве готовых чертежей при решении задач.

3. Изображения даны без ориентации на конкретную задачу. Они годятся для задач на вычисление объёмов и поверхностей различных тел, а также для задач на построение и доказательство.

4. Кадры расположены в методической последовательности, и учителю легко будет отобрать отдельные фрагменты для различных тем.



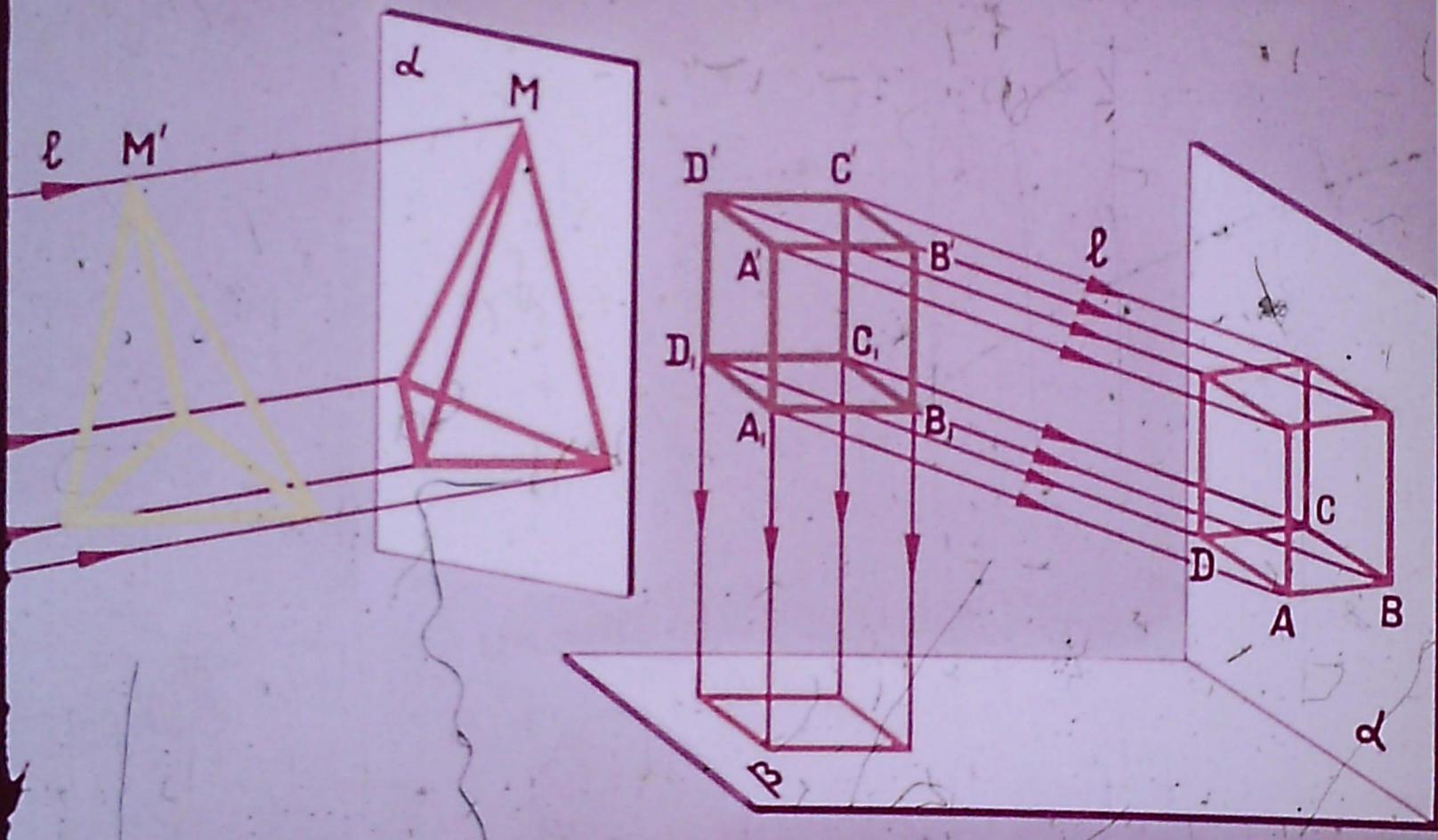
Вестибюль станции метро изображён по законам центрального проектирования (т. е. в перспективе). Квадратные плиты выглядят трапециями, прямые углы—тупыми или острыми, параллельные прямые—сходящимися в одной точке.



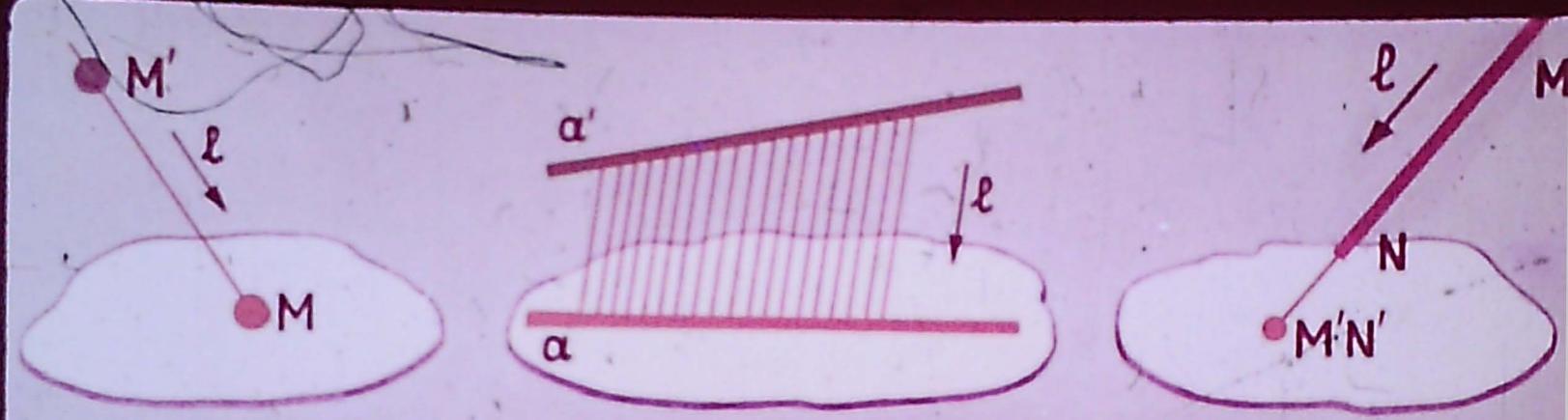
Центральное проектирование состоит в том, что ИЗ ФИКСИРОВАННОЙ ТОЧКИ S (центр проектирования) НА НЕКОТОРУЮ ПЛОСКОСТЬ α (плоскость проекций) КАЖДОЙ ТОЧКЕ фигуры M' СООТВЕТСТВУЕТ её изображение M , которое получается в пересечении проектирующей прямой ℓ с плоскостью α .

Изображение, выполненное по законам центрального проектирования, хорошо воспринимается нашим глазом, но вследствие значительных трудностей при построении в школьной практике неприемлемо.

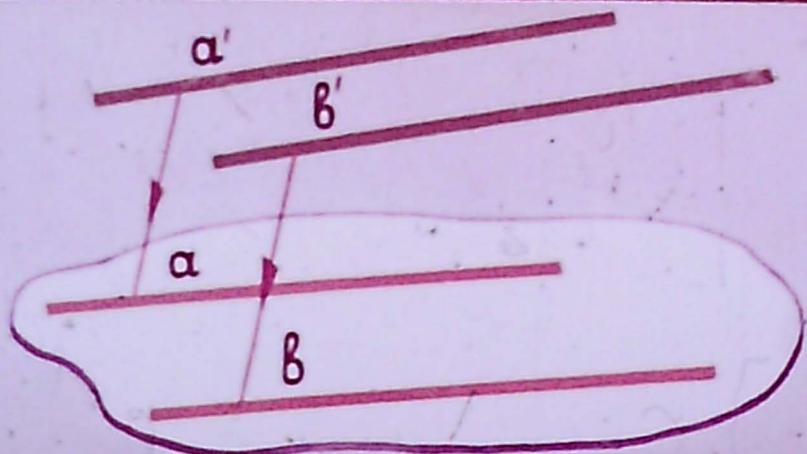
Из других способов изображения важнейшим в технике и школе является метод ПАРАЛЛЕЛЬНОГО ПРОЕКТИРОВАНИЯ.



Параллельное проектирование выполняется пучком параллельных прямых, которые направлены под некоторым углом к плоскости изображения.



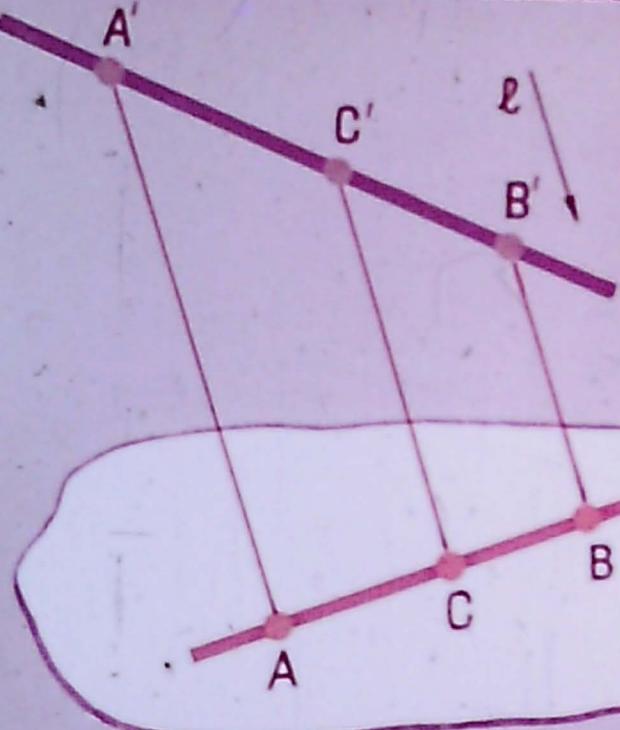
Проекцией точки служит точка, проекцией прямой—прямая.
Прямая, параллельная направлению проектирования, проектируется в точку.



Проекции параллельных прямых параллельны между собой.
Если $a' \parallel b'$, то $a \parallel b$.

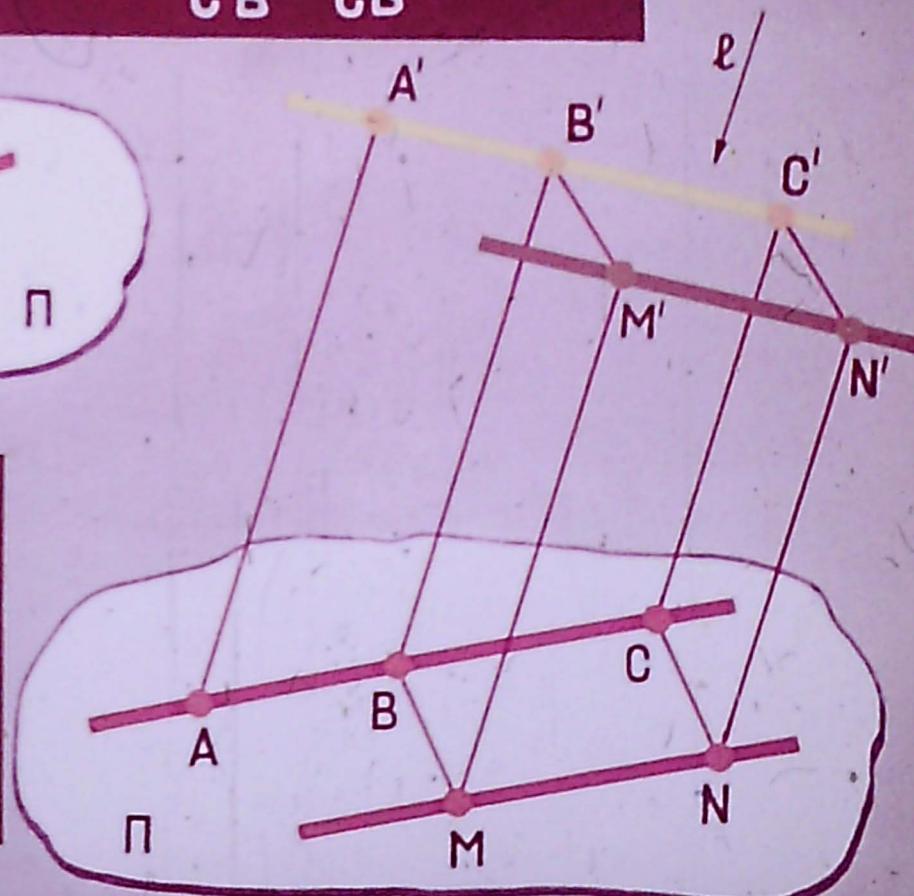
Отношение длин отрезков прямой равно отношению длин их проекций

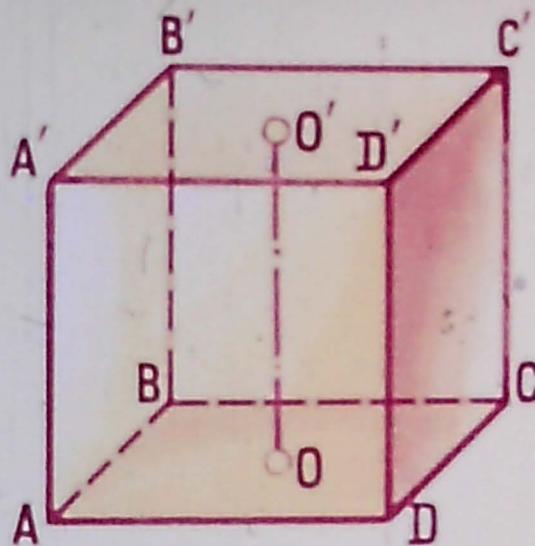
$$\frac{A'C'}{C'B'} = \frac{AC}{CB}.$$



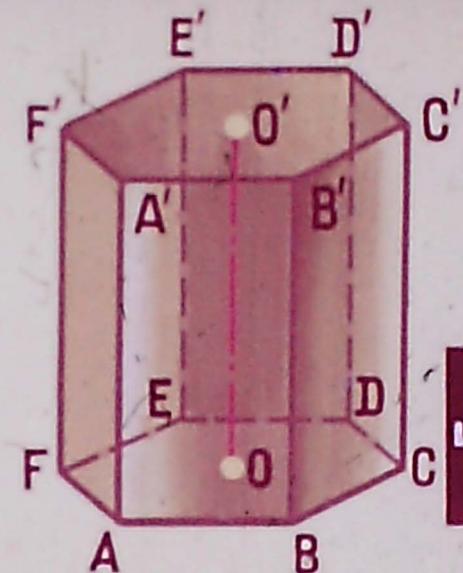
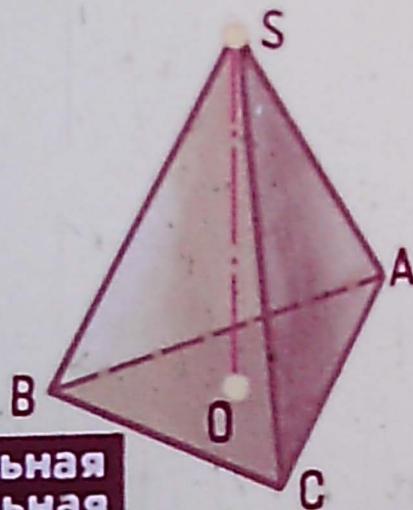
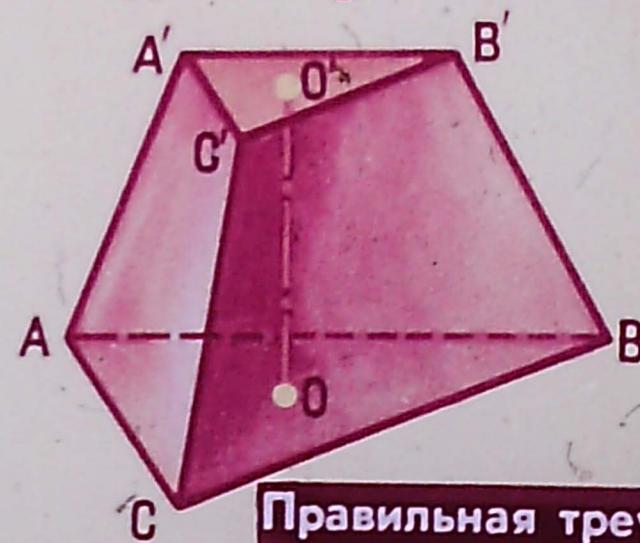
Отношение длин отрезков параллельных прямых равно отношению длин проекций этих отрезков

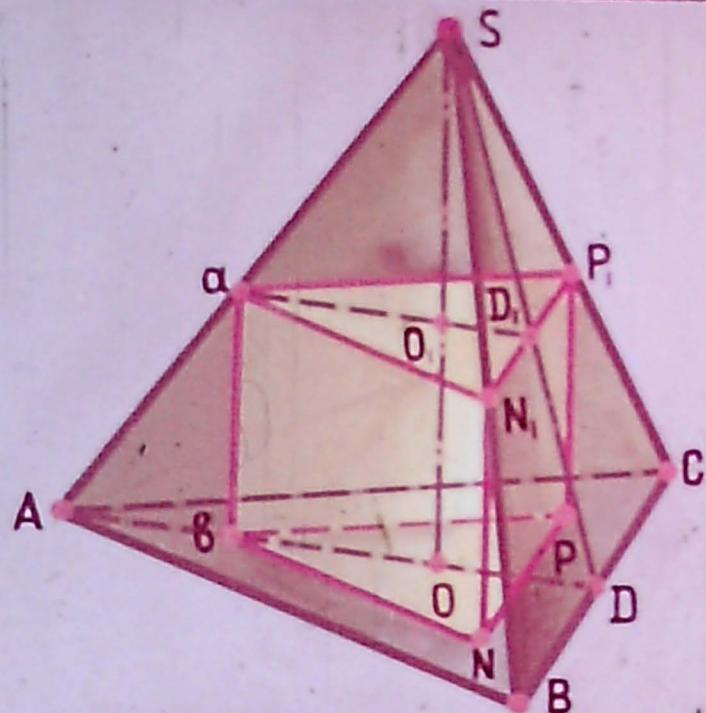
$$\frac{A'C'}{M'N'} = \frac{AC}{MN}.$$



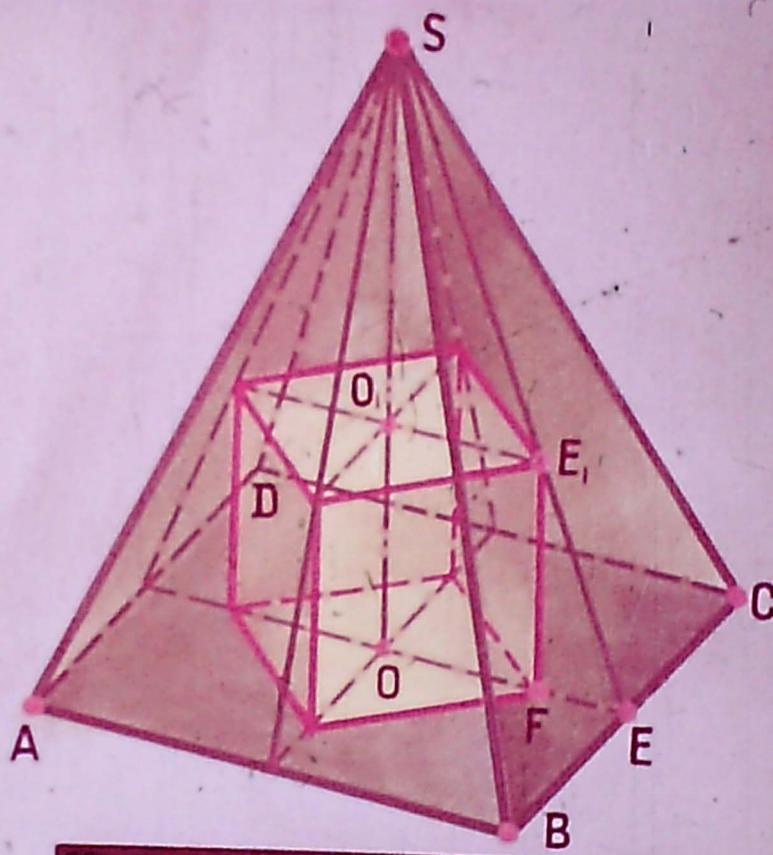


Куб

Правильная
шестиугольная
призмаПравильная
треугольная
пирамидаПравильная треугольная
усечённая пирамида

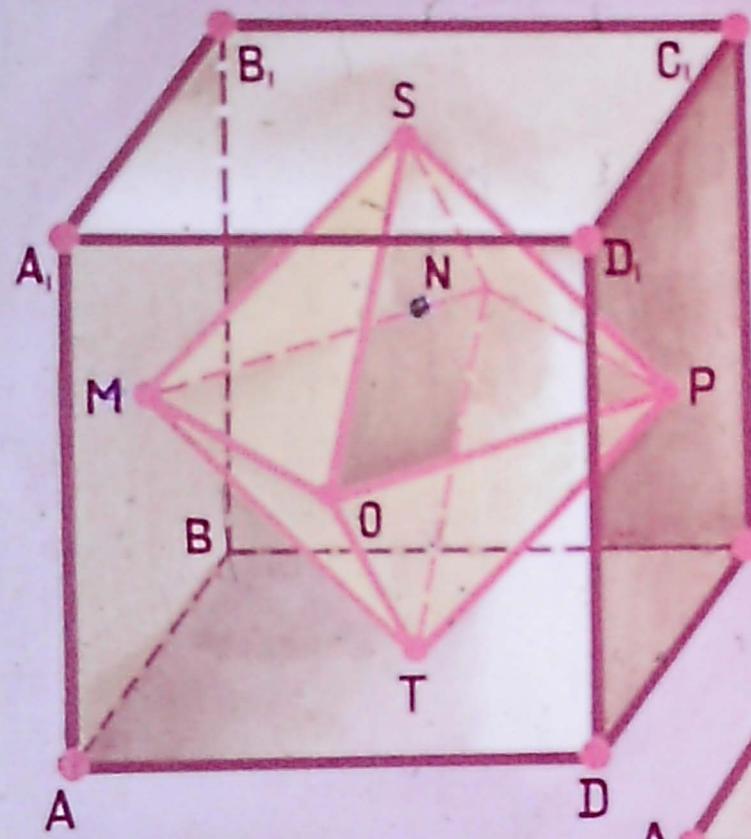


Правильная треугольная призма вписана в правильную треугольную пирамиду так, что нижнее основание призмы лежит на плоскости основания пирамиды, а вершины другого основания лежат на рёбрах пирамиды.

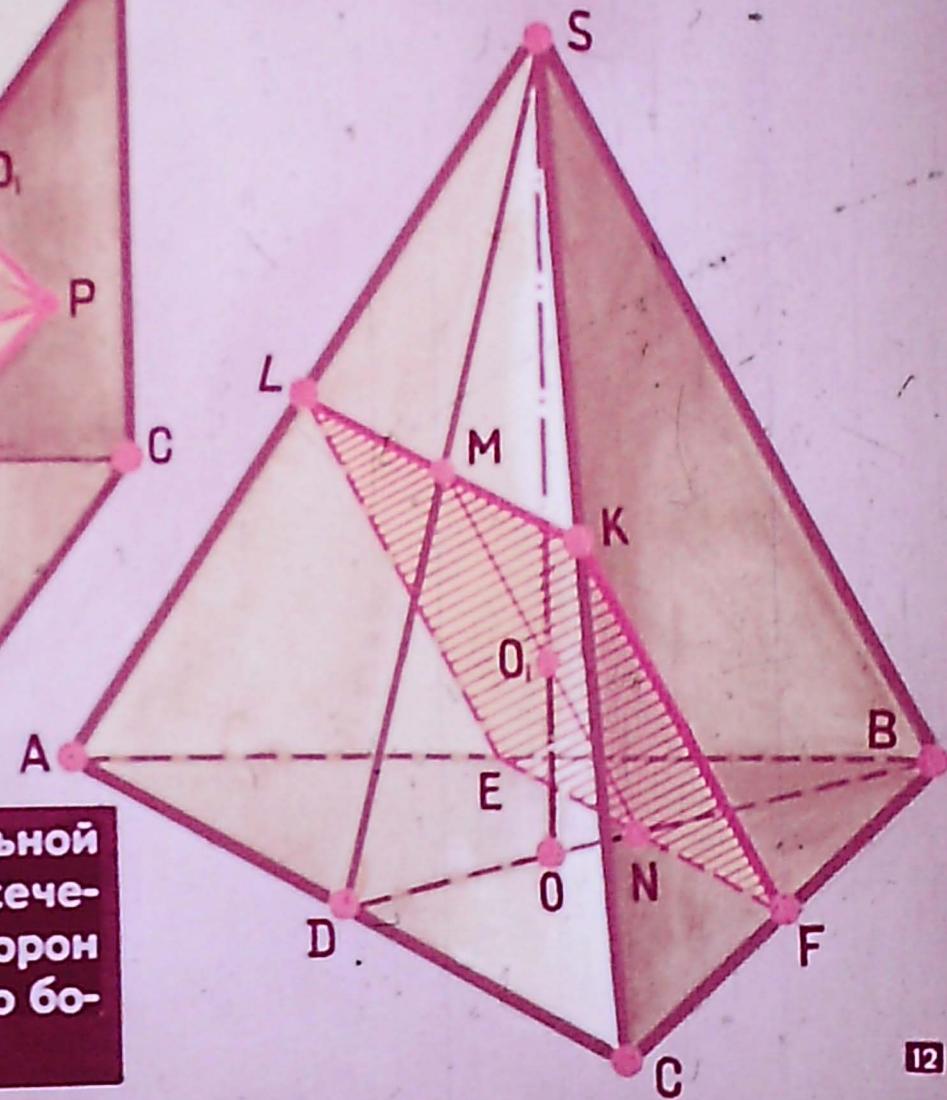


Куб вписан в правильную четырёхугольную пирамиду так, что его вершины лежат на апофемах пирамиды, а нижнее основание—на плоскости её основания.

Октаэдр, вписанный в куб.



В правильной треугольной пирамиде проведено сечение через середины сторон основания параллельно боковому ребру.

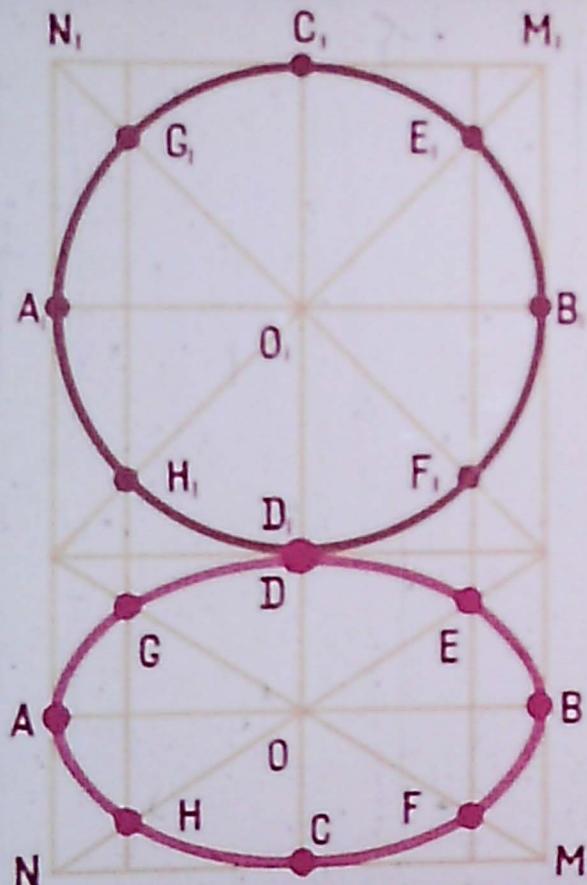




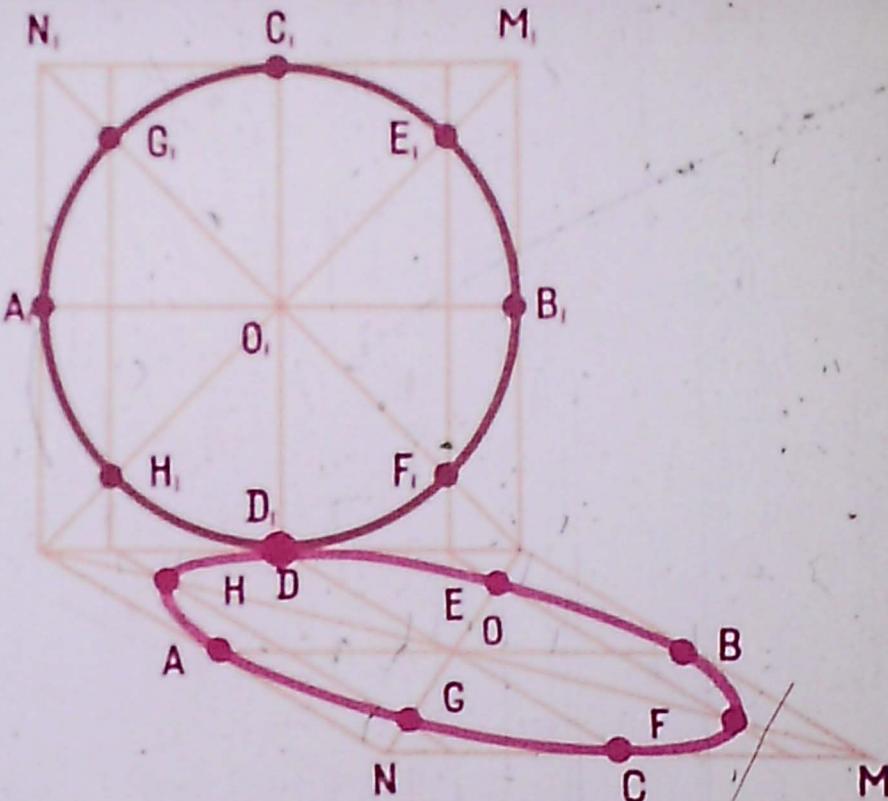
ИЗОБРАЖЕНИЕ КРУГЛЫХ ТЕЛ (ЦИЛИНДР, КОНУС, ШАР И ИХ КОМБИНАЦИИ)

ВСЯКАЯ ПАРАЛЛЕЛЬНАЯ ПРОЕКЦИЯ ОКРУЖНОСТИ ДАЁТ ЭЛЛИПС.

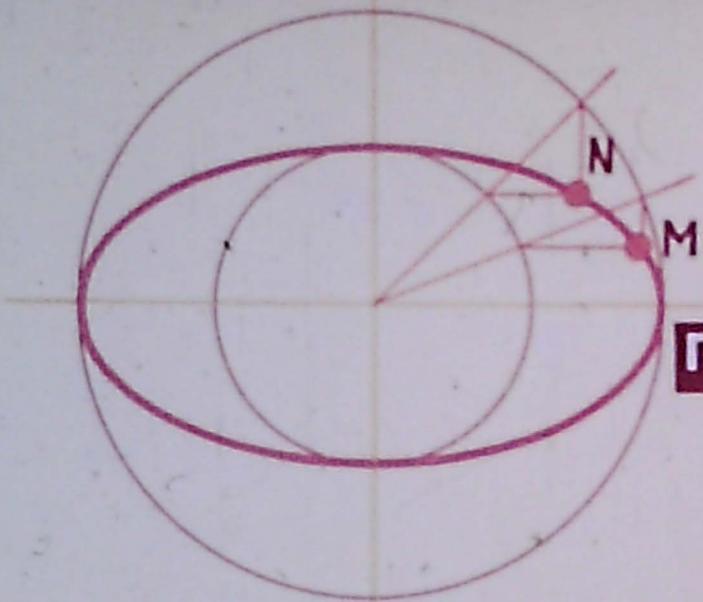
14



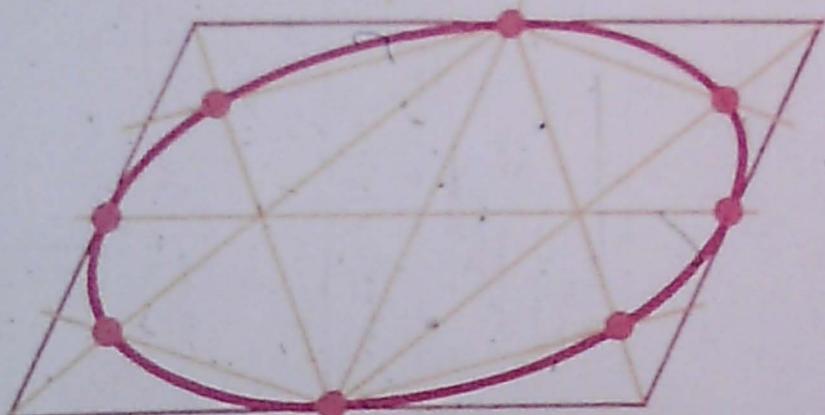
Эллипс как ортогональная
проекция окружности.



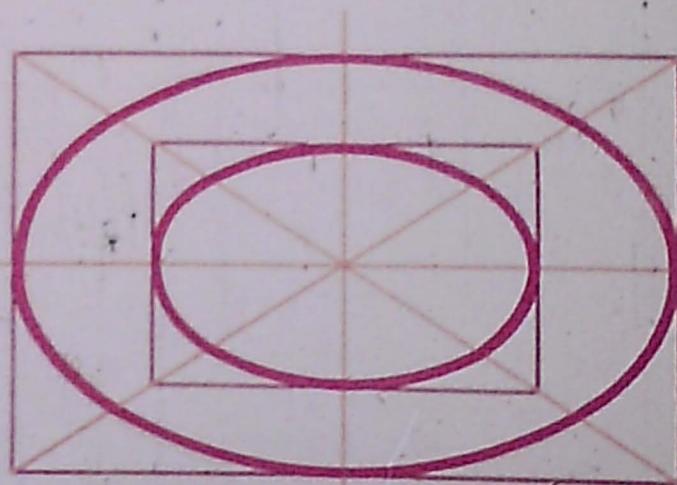
Эллипс как косоугольная
проекция окружности.



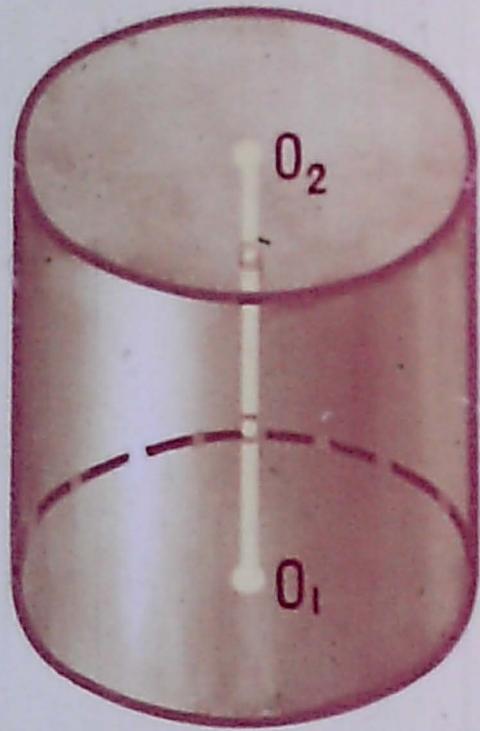
Построение эллипса по двум осям.



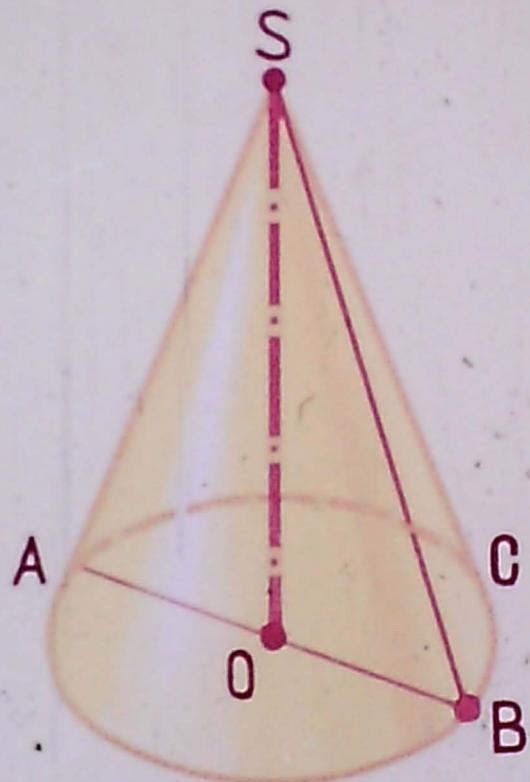
Построение эллипса, вписанного в параллелограмм.



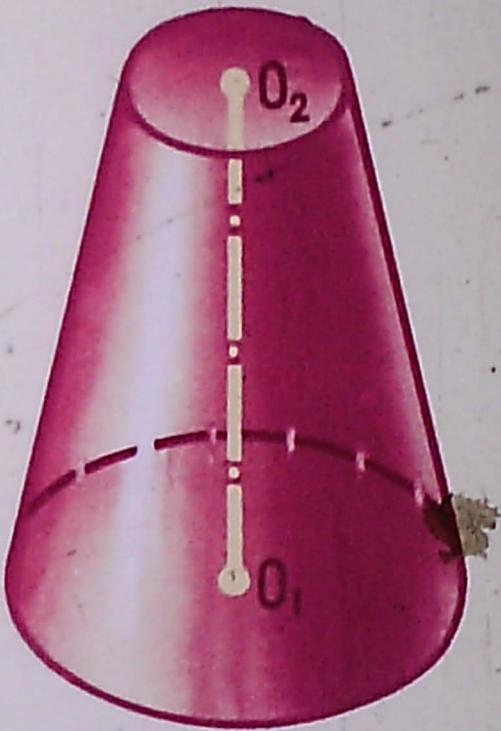
Два подобных эллипса.



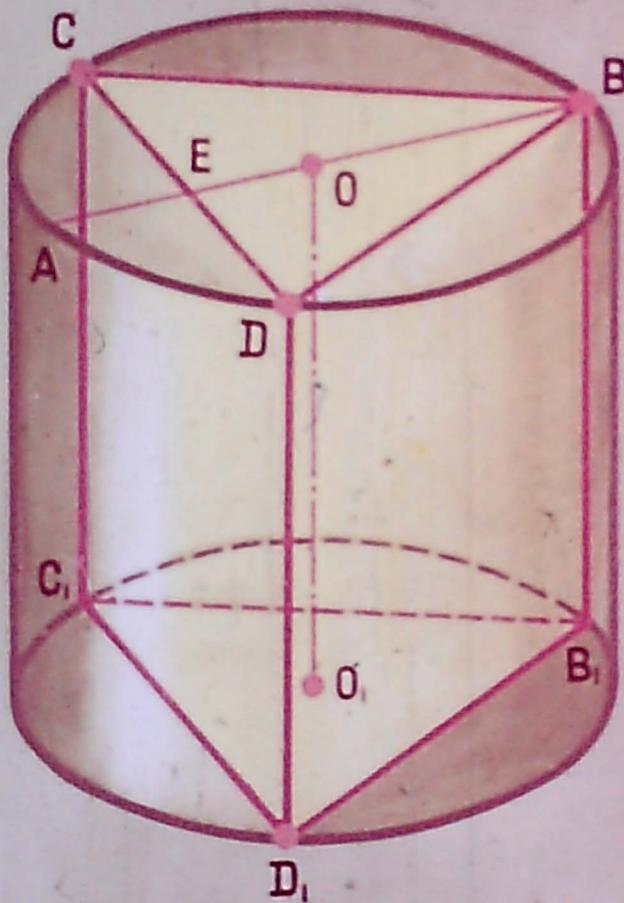
Изображение
цилиндра.



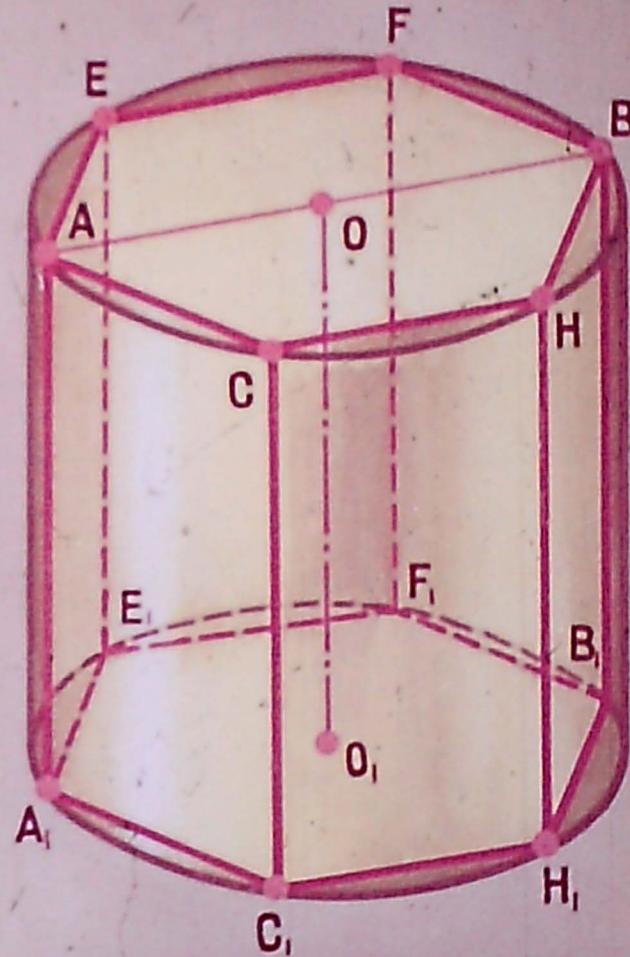
Изображение
конуса.



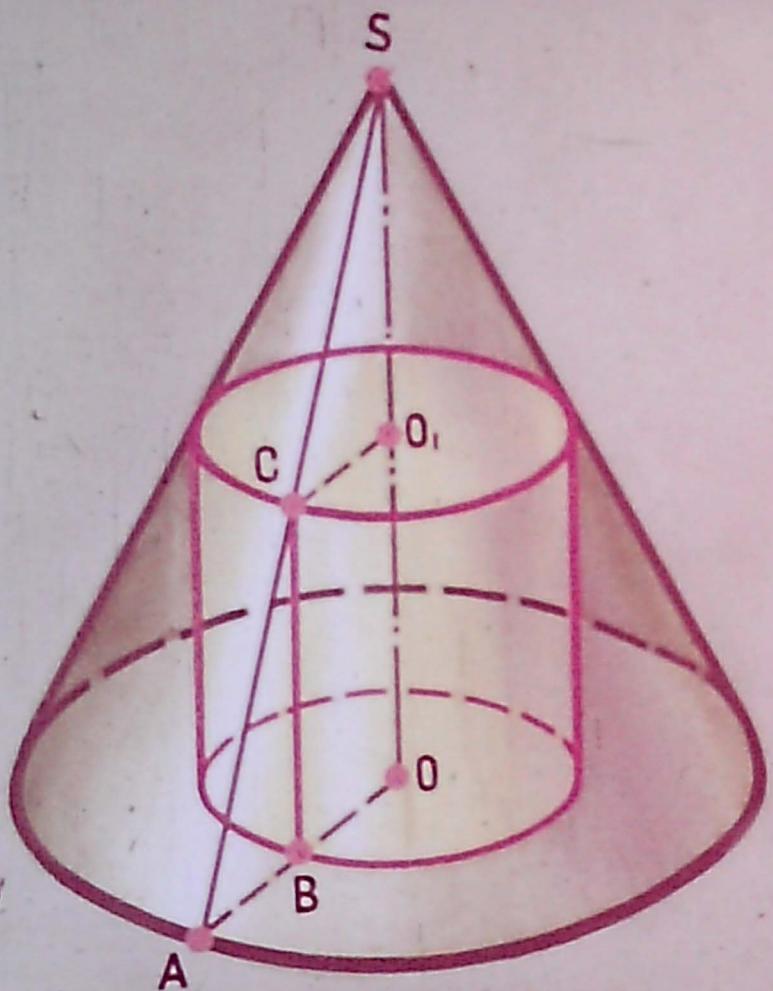
Изображение
усечённого конуса.



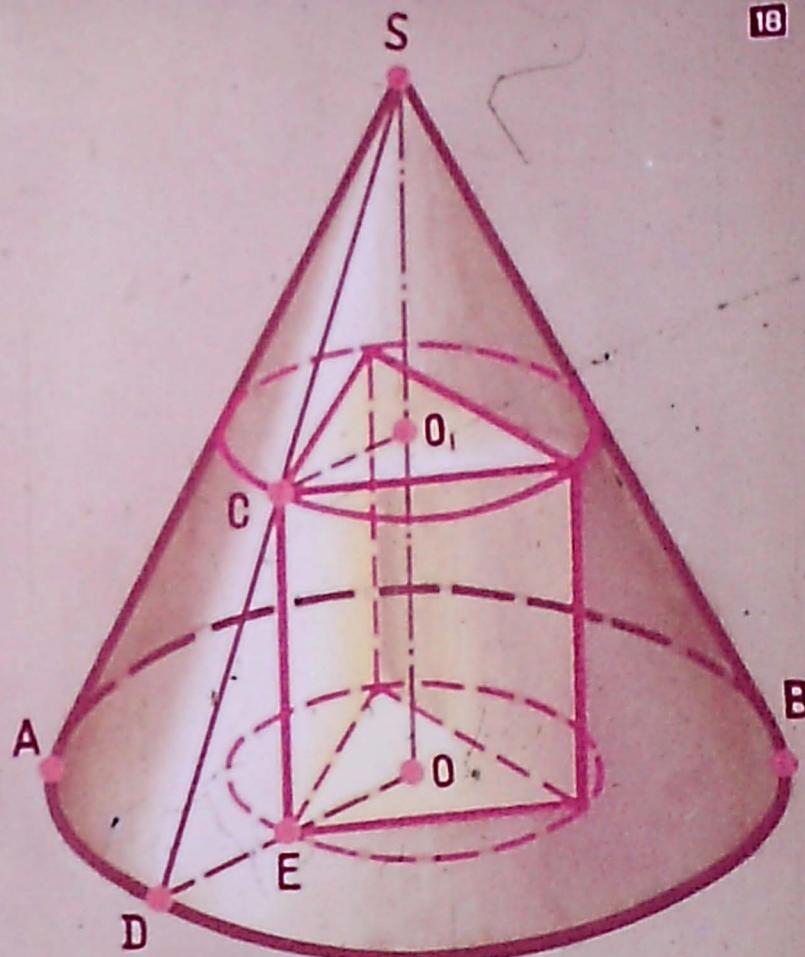
В цилиндр вписана
правильная
треугольная призма.



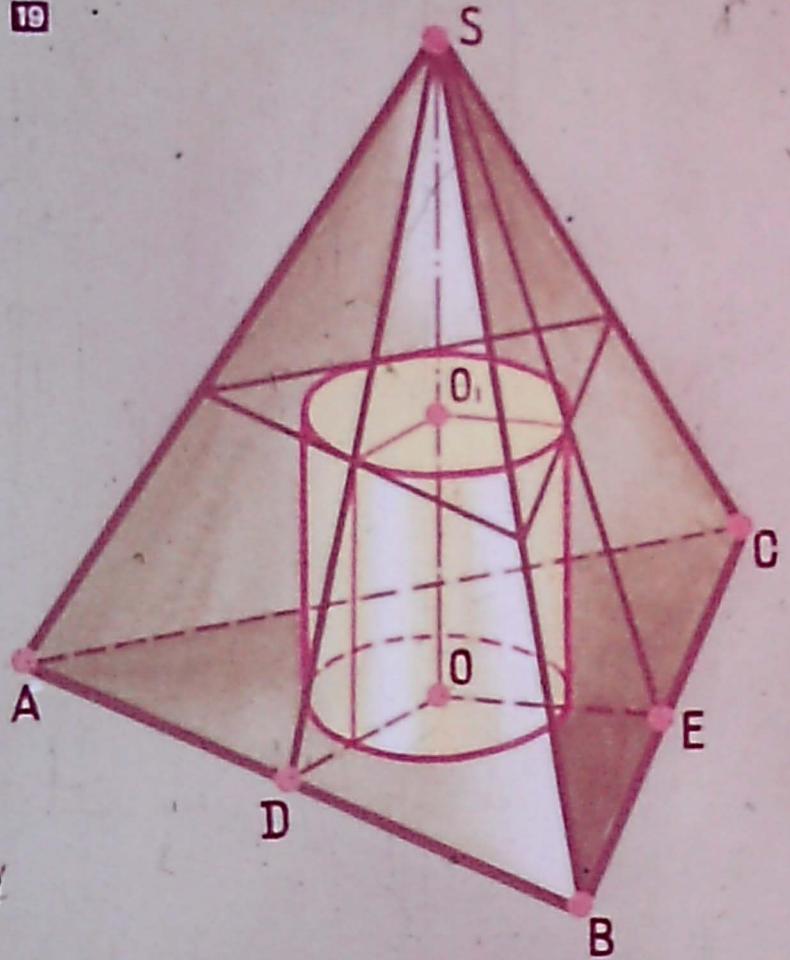
В цилиндр вписана
правильная
шестиугольная призма.



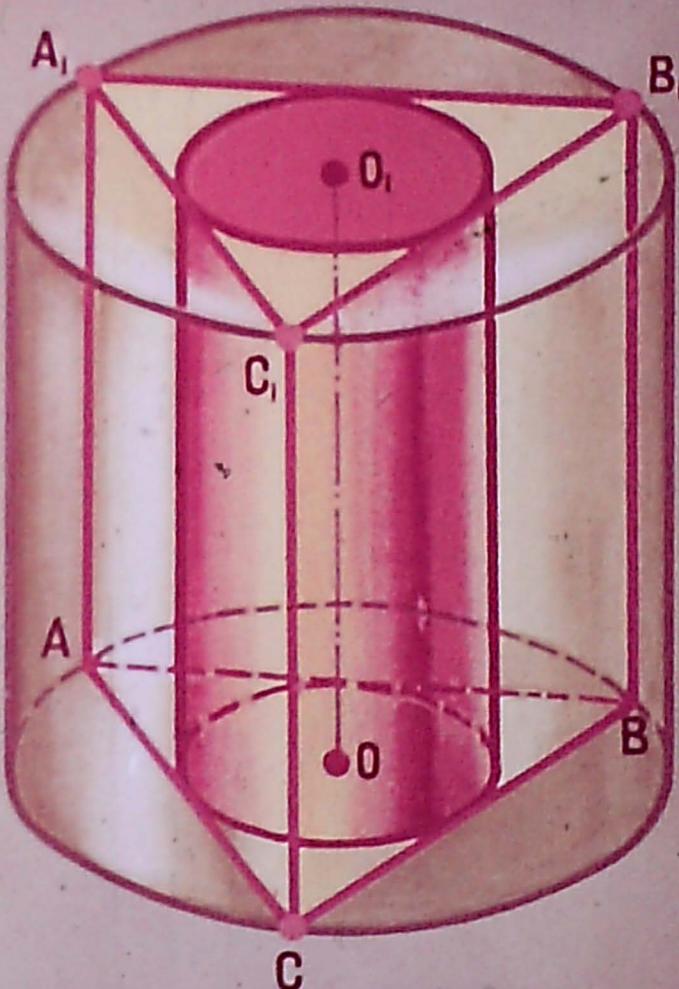
Цилиндр, вписанный
в конус.



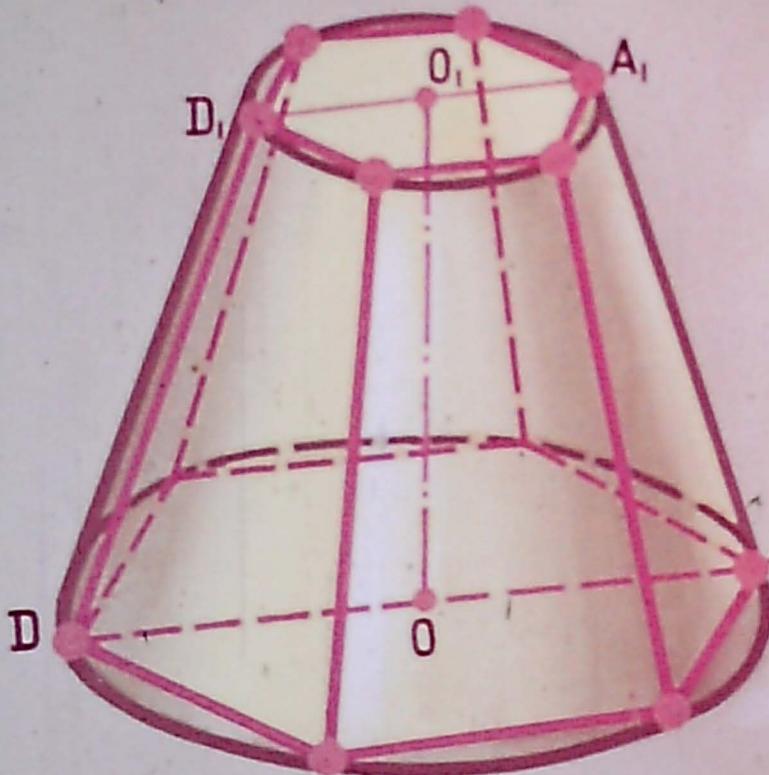
Конус, описанный около
правильной
треугольной призмы.



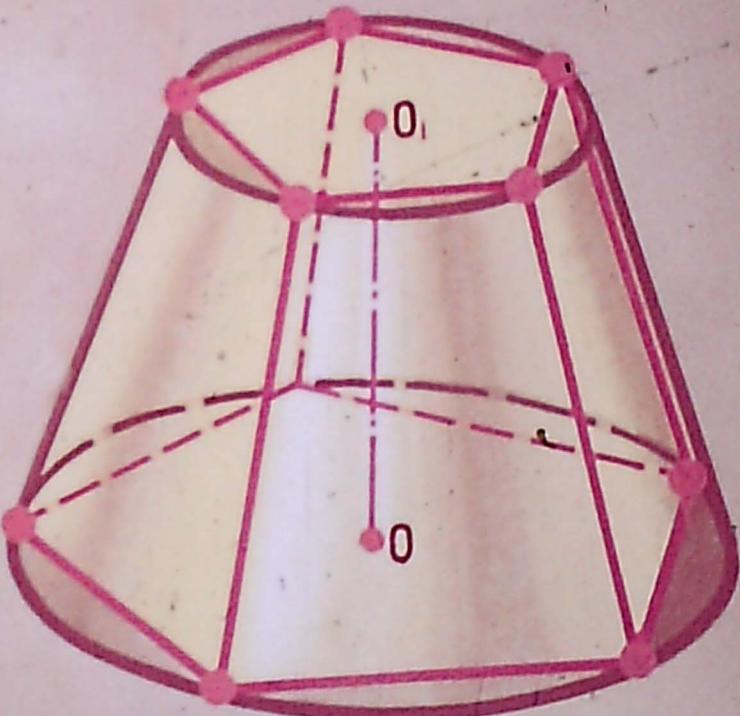
В треугольную пирамиду
вписан цилиндр.



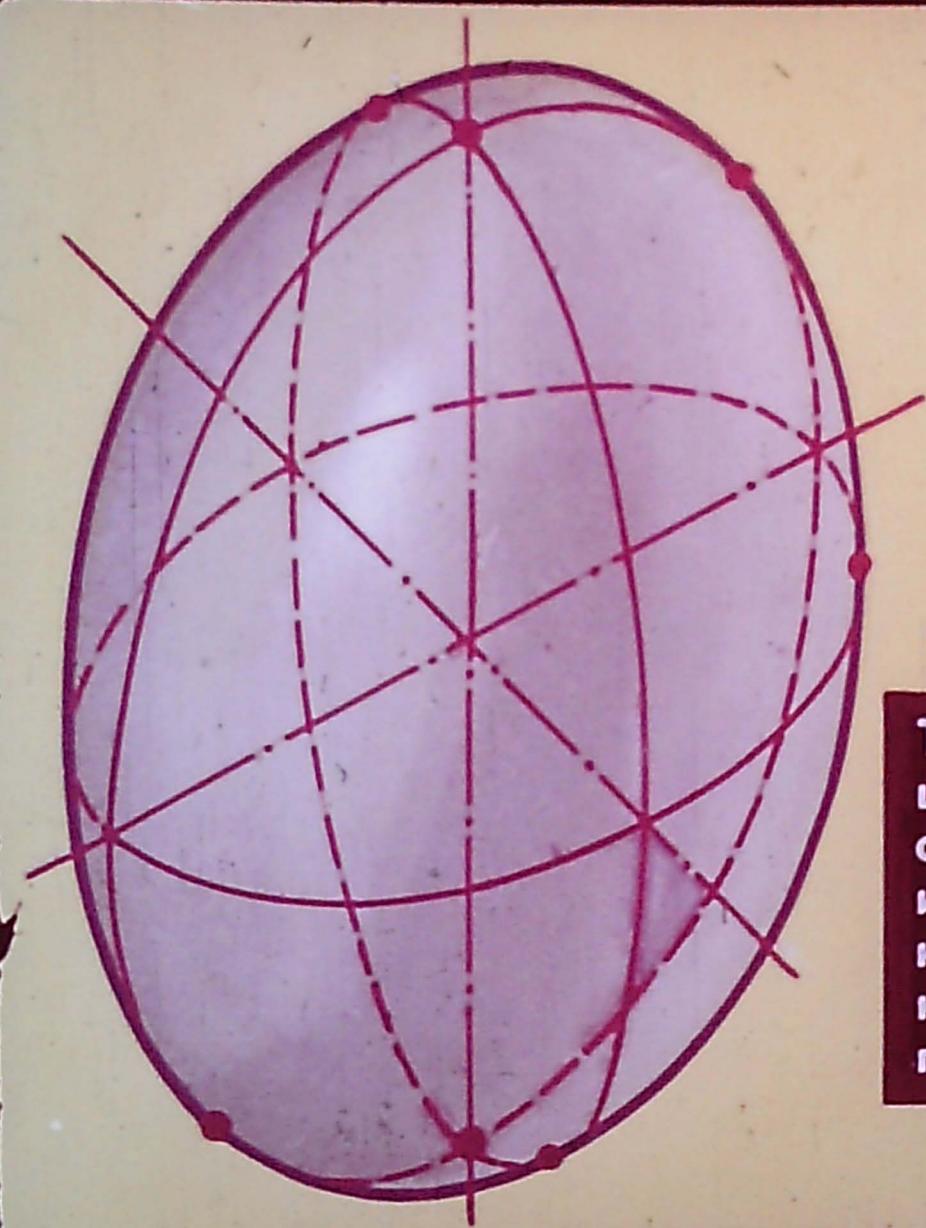
В цилиндр вписана правильная
треугольная призма, в которую
вписан цилиндр.



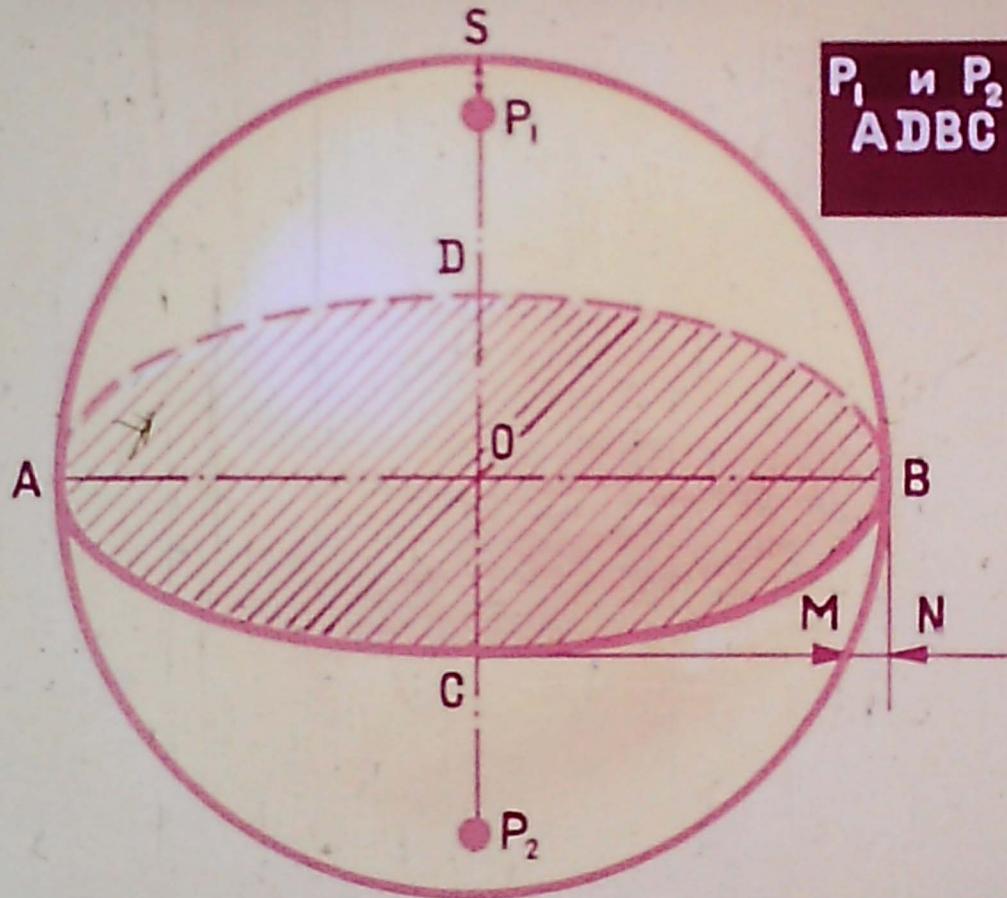
В усечённый конус вписана правильная шестиугольная усечённая пирамида.



В усечённый конус вписана правильная усечённая пятиугольная пирамида.

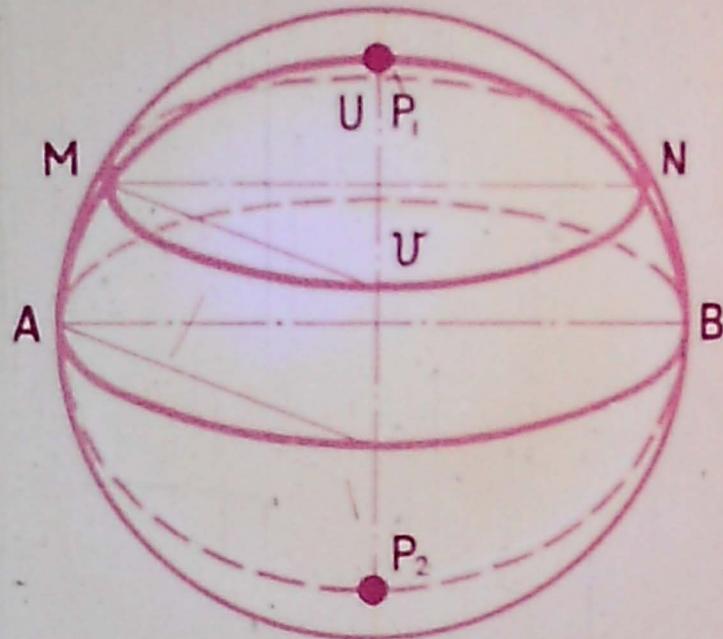


Так выглядит изображение шара в произвольной ко-
соугольной проекции. Это изображение правильное,
но не наглядное — оно
непривычно для нашего
глаза.

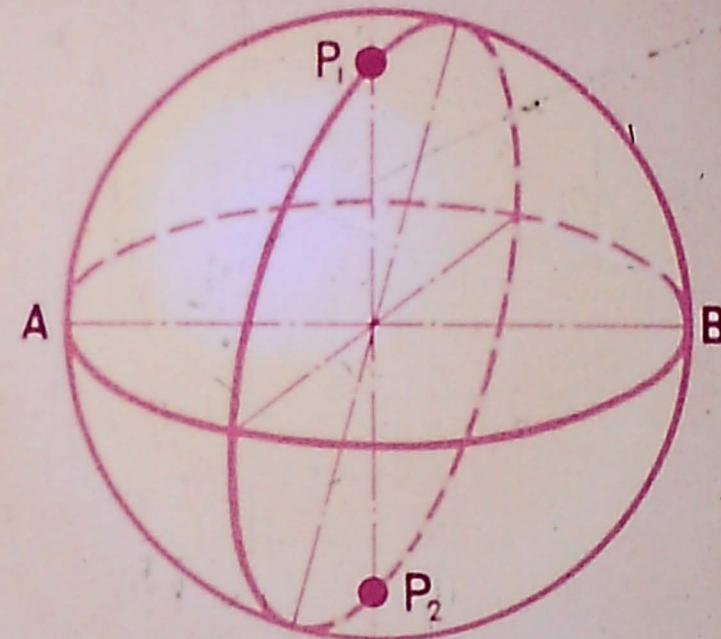


P_1 и P_2 — полюсы; $SP_1=SP_2=MN$;
 $ADBC$ — экваториальное сечение

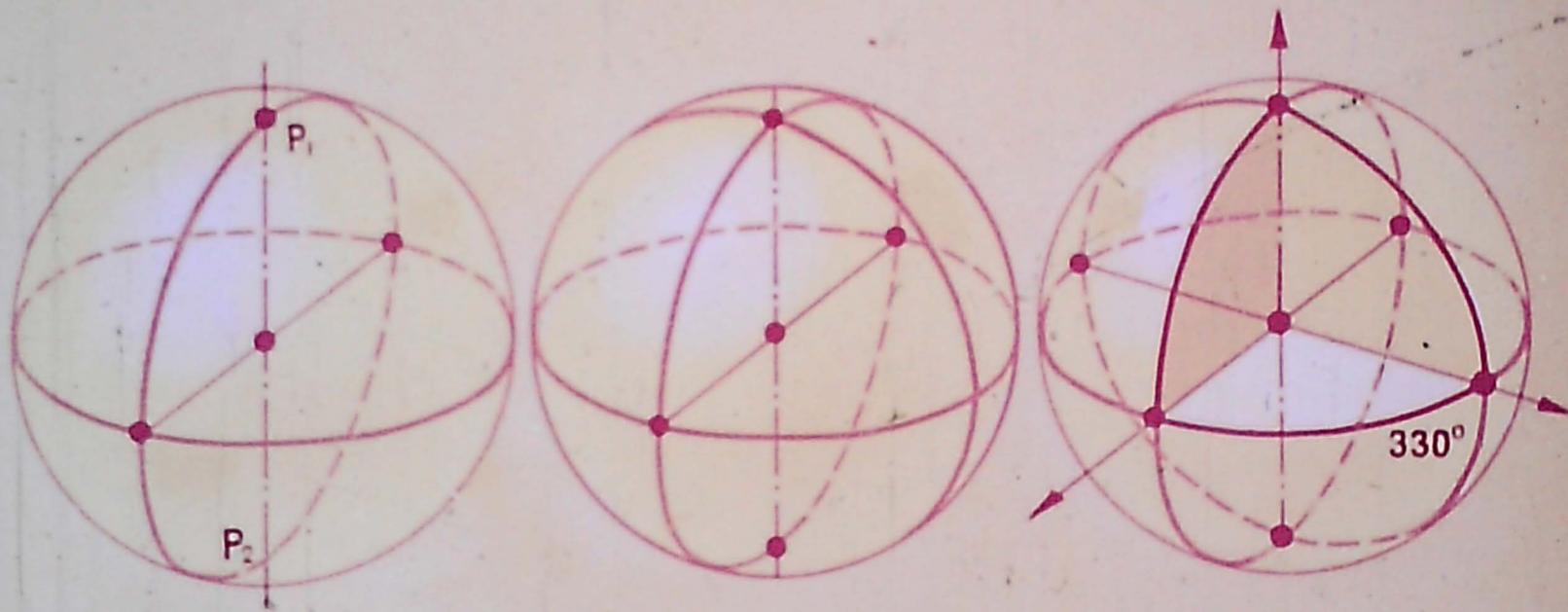
Изображение шара получается наглядней при проектировании его в направлении, перпендикулярном к плоскости изображений, т. е. при ортогональном проектировании.



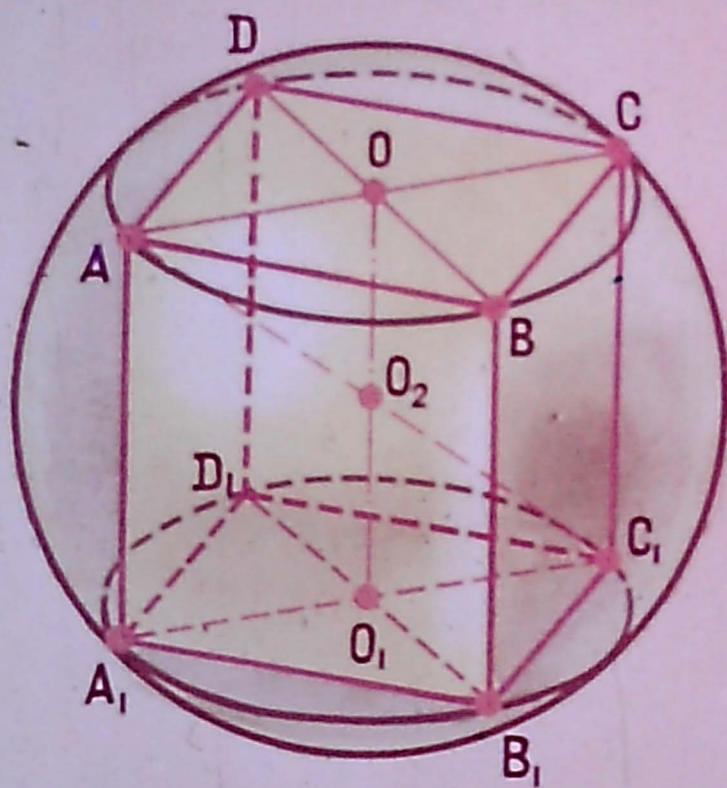
Шар, на котором:
а) проведено меридиональное сечение через полюсы P_1 , P_2 и точки на экваторе A и B ;
б) проведена параллель $MUNV$.



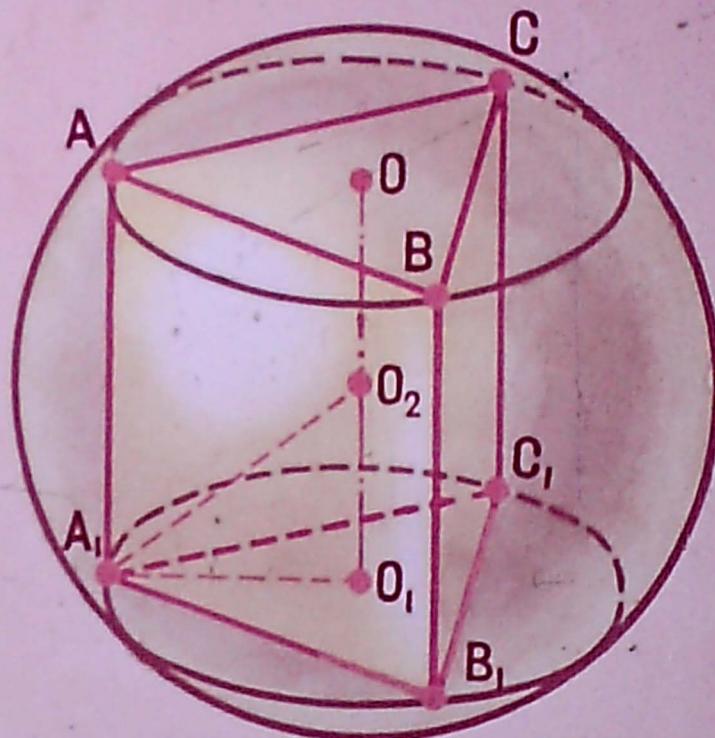
Шар, на котором проведено меридиональное сечение через полюсы P_1 и P_2 и точки C и D на экваторе.



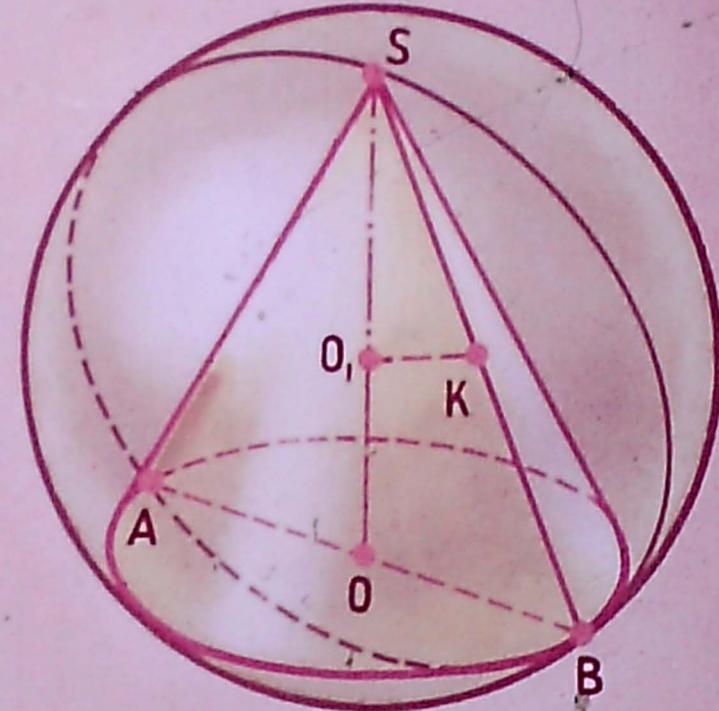
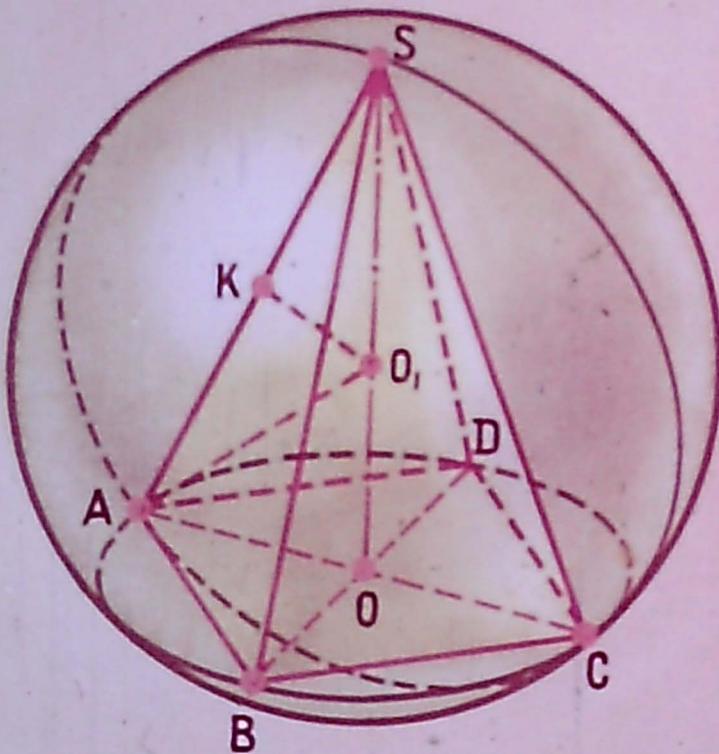
В шаре вырезана восьмая часть.



Шар, описанный около прямоугольного параллелепипеда.

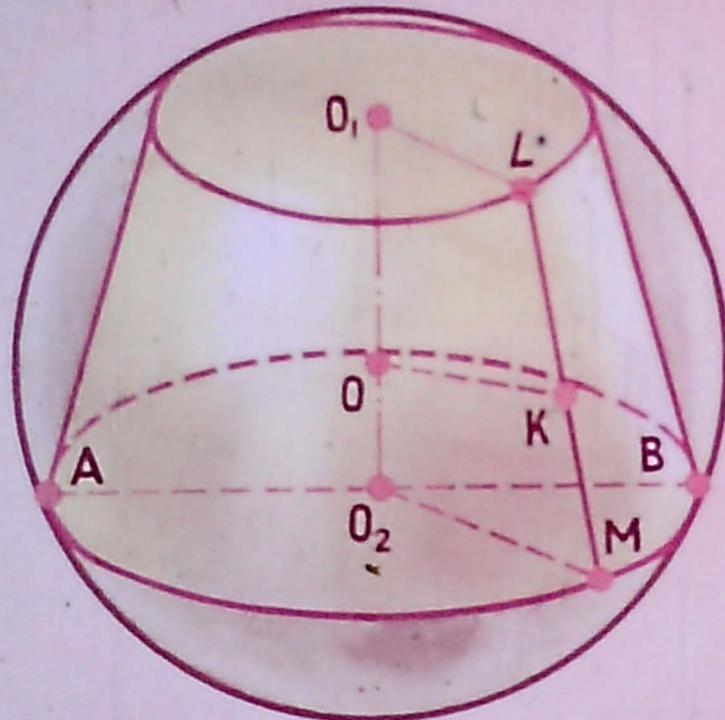


Шар, описанный около правильной треугольной призмы.

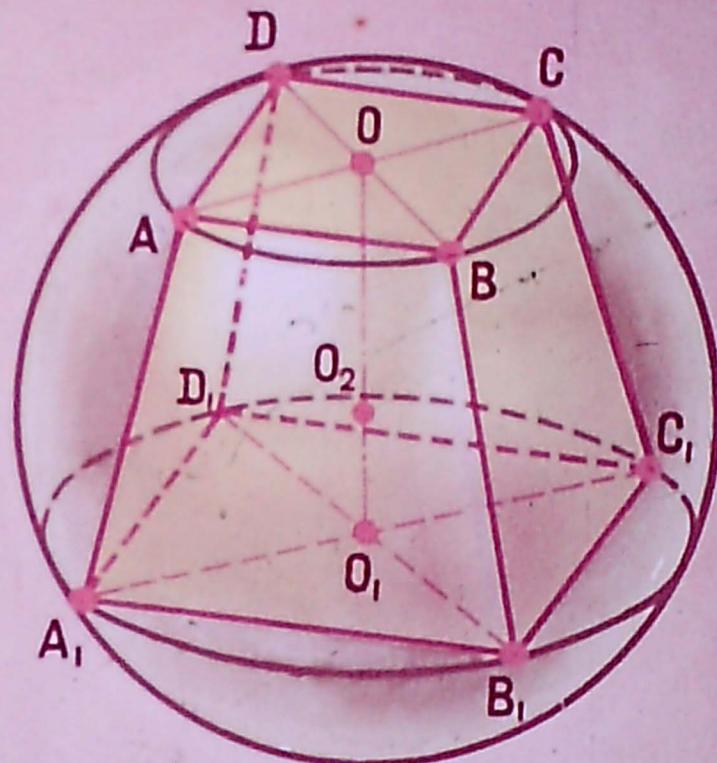


Шар, описанный около правильной четырёхугольной пирамиды.

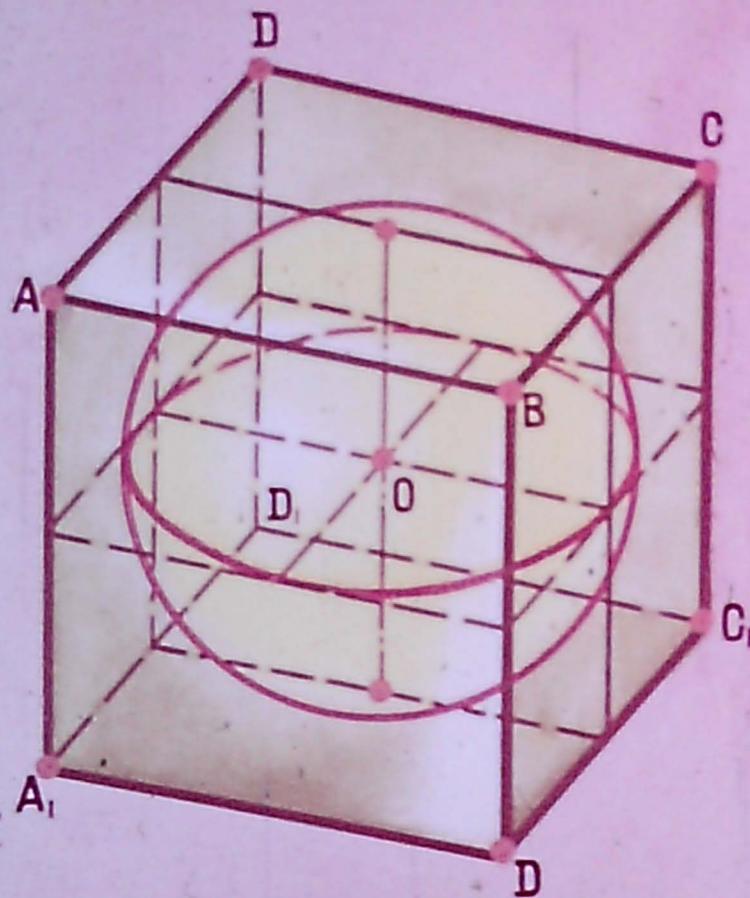
Шар, описанный около конуса.



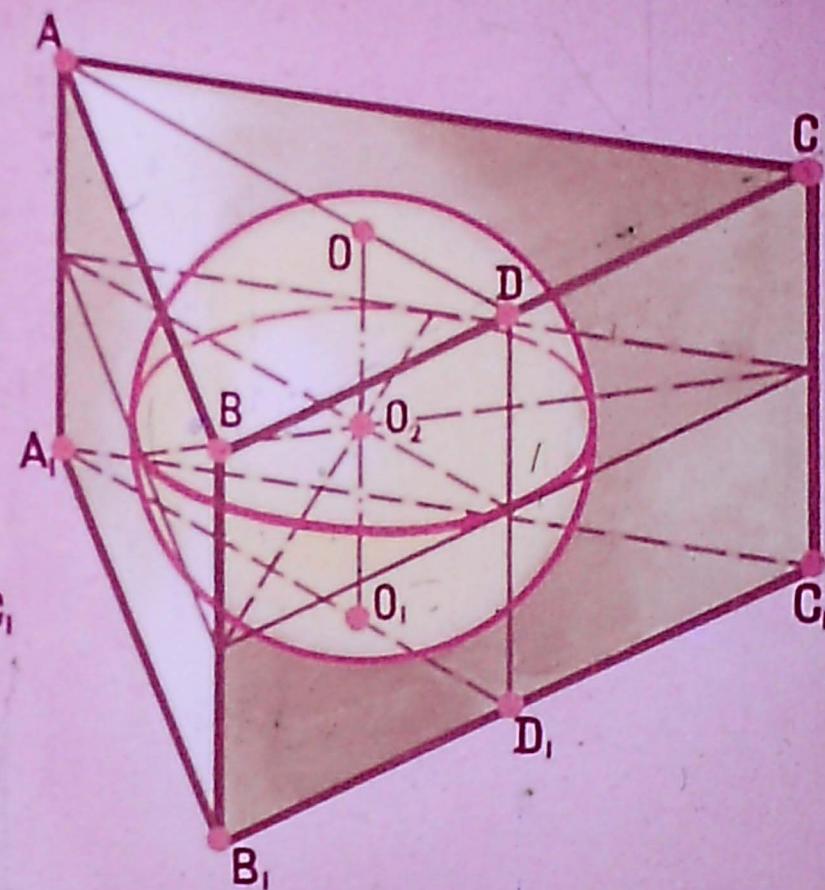
Усечённый конус, вписанный в шар.



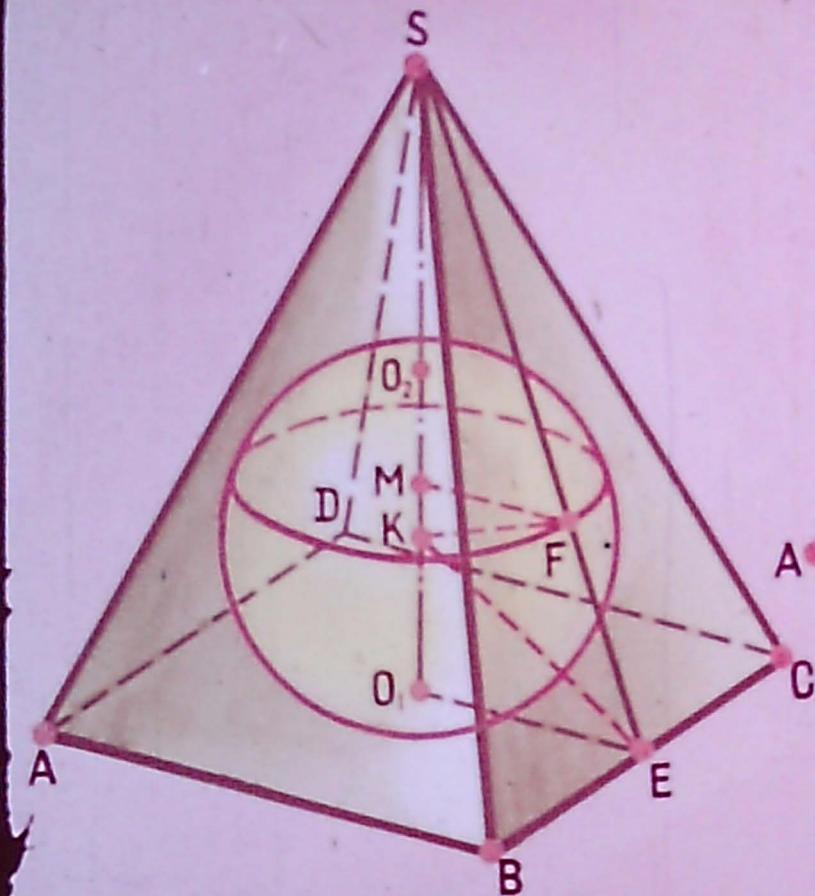
Шар, описанный около правильной четырёхугольной усечённой пирамиды.



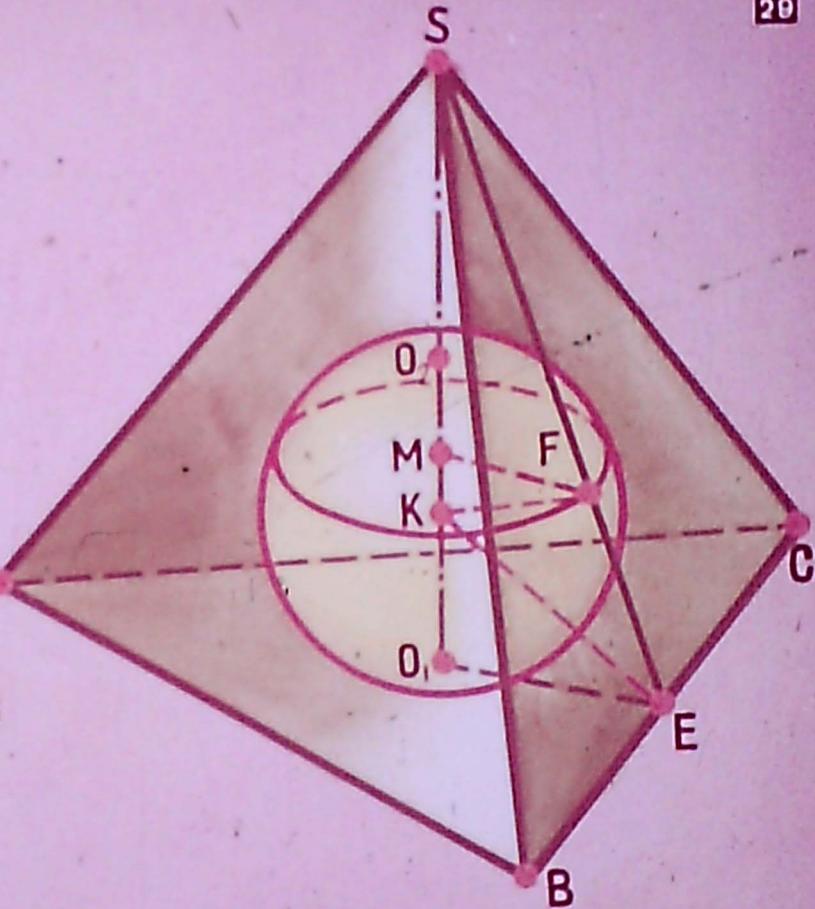
Шар, вписанный в куб.



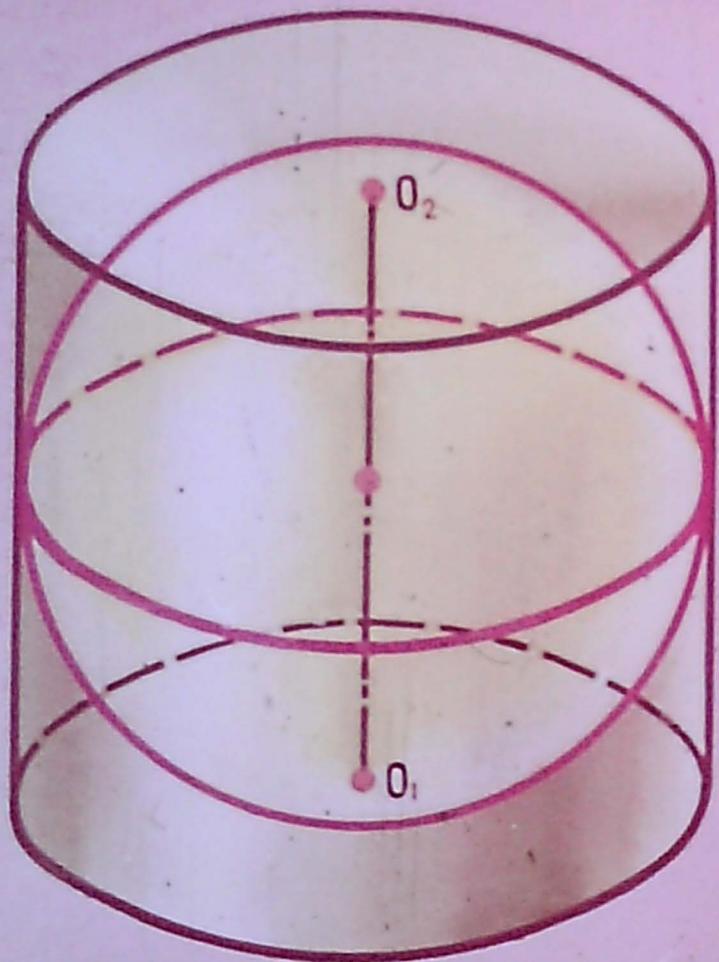
Шар, вписанный в треугольную пирамиду.



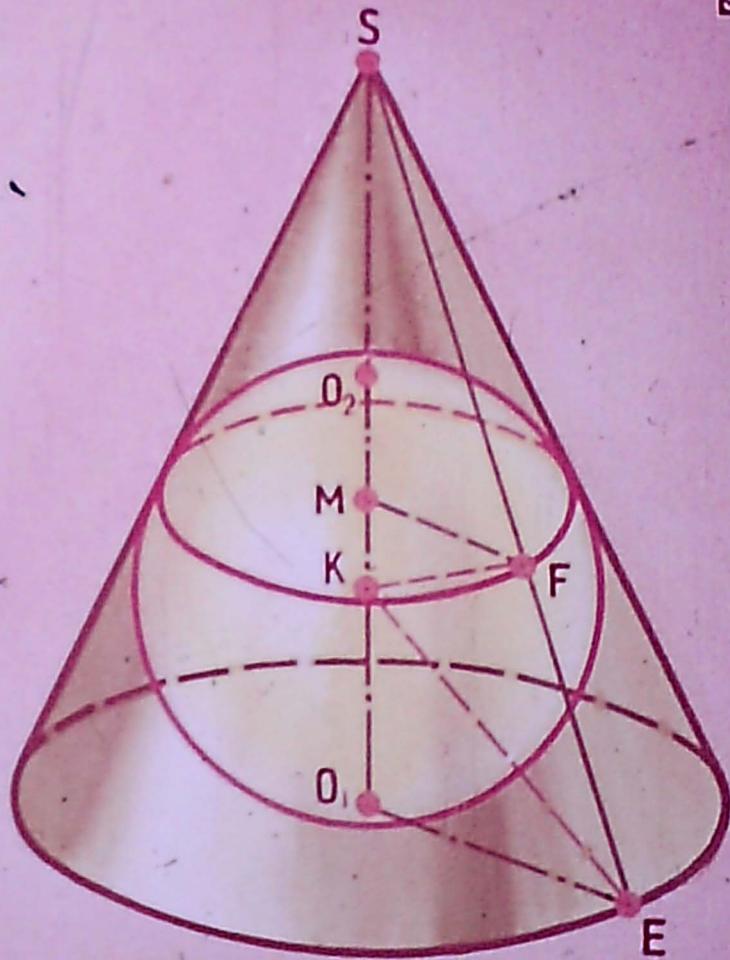
Шар, вписанный в правильную четырёхугольную пирамиду.



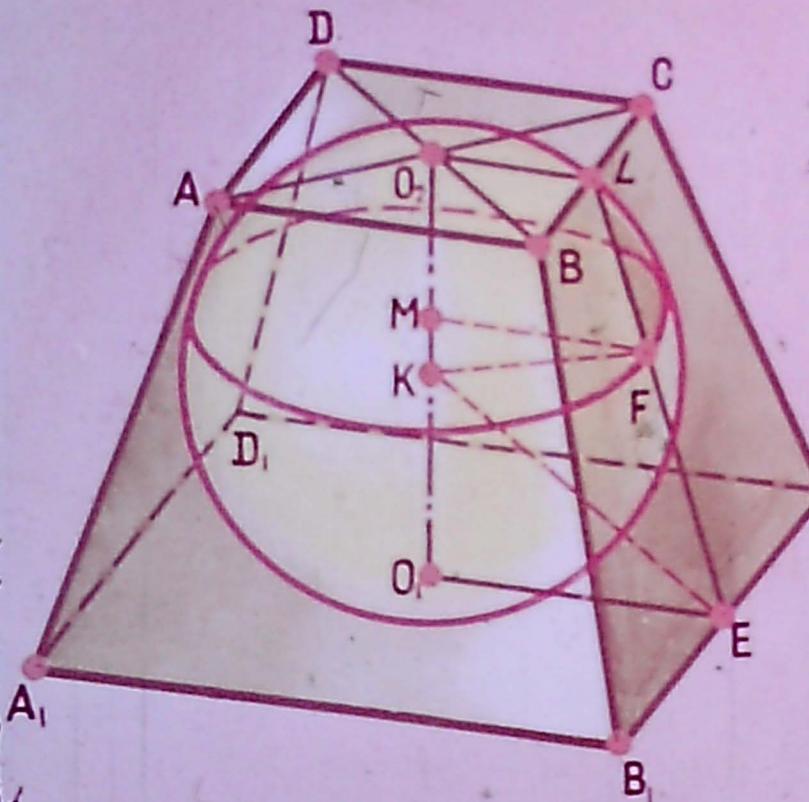
Шар, вписанный в правильную треугольную пирамиду.



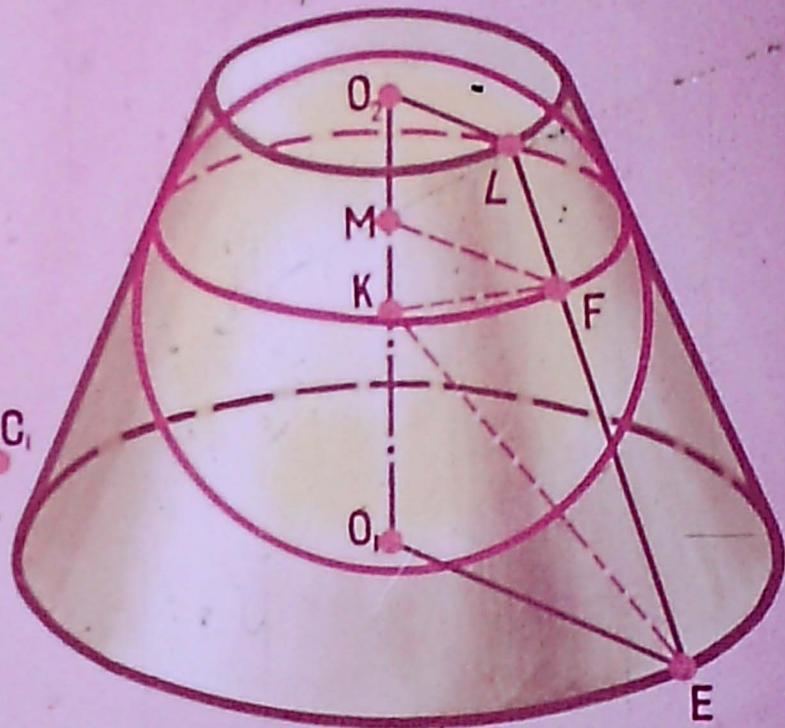
Шар вписан в цилиндр.



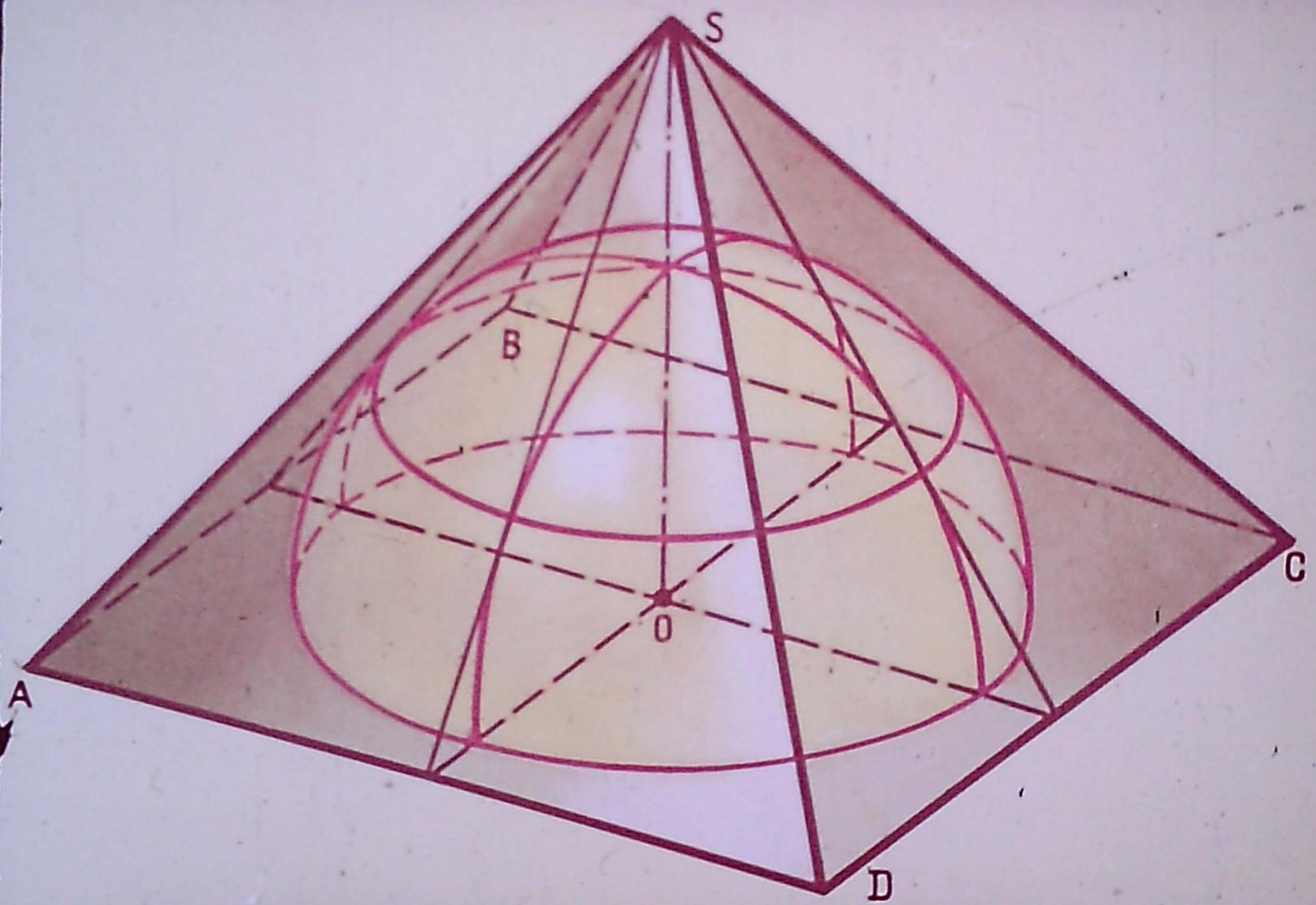
Шар вписан в конус.



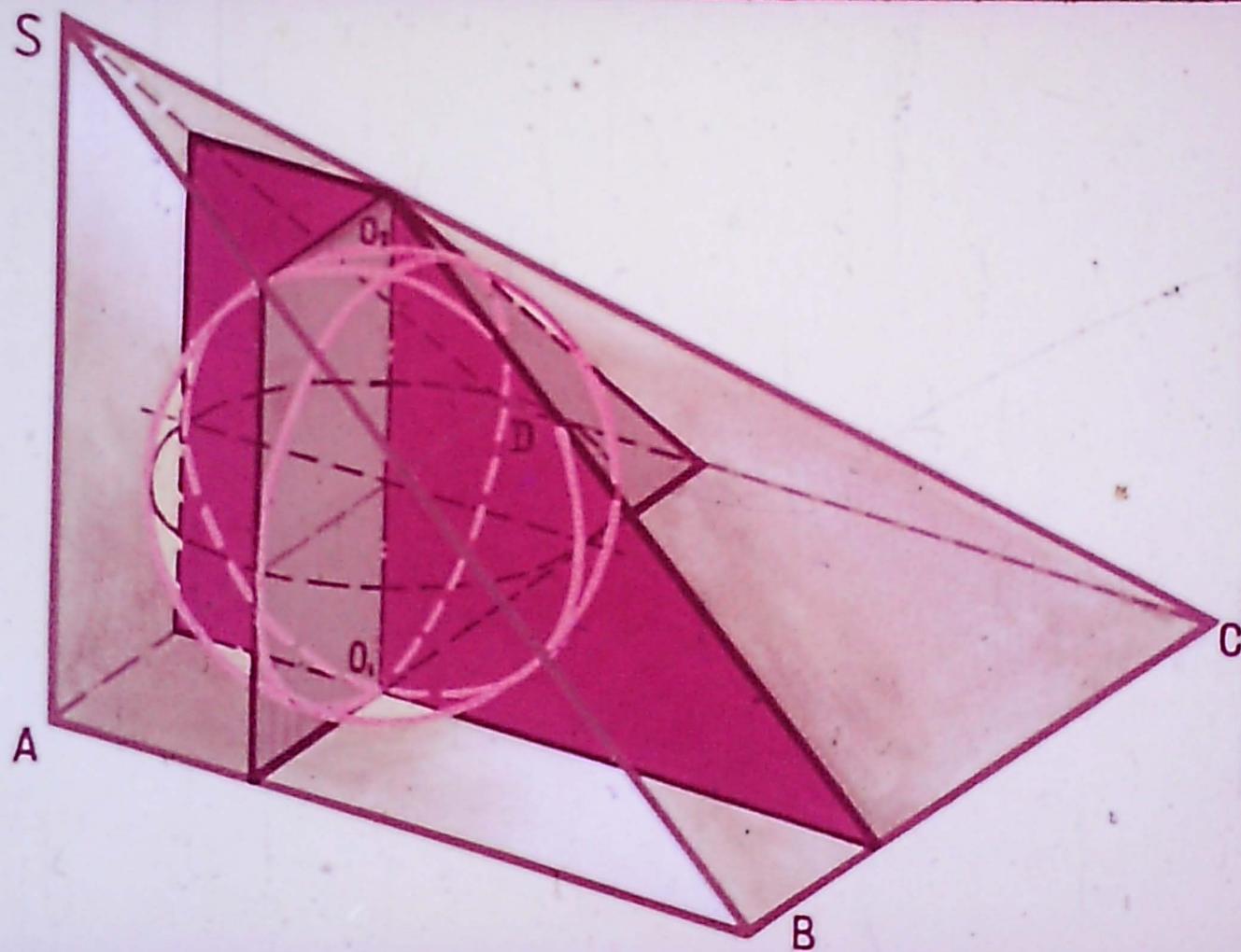
Шар, вписанный в четырёхугольную усечённую пирамиду.



Шар, вписанный в усечённый конус.

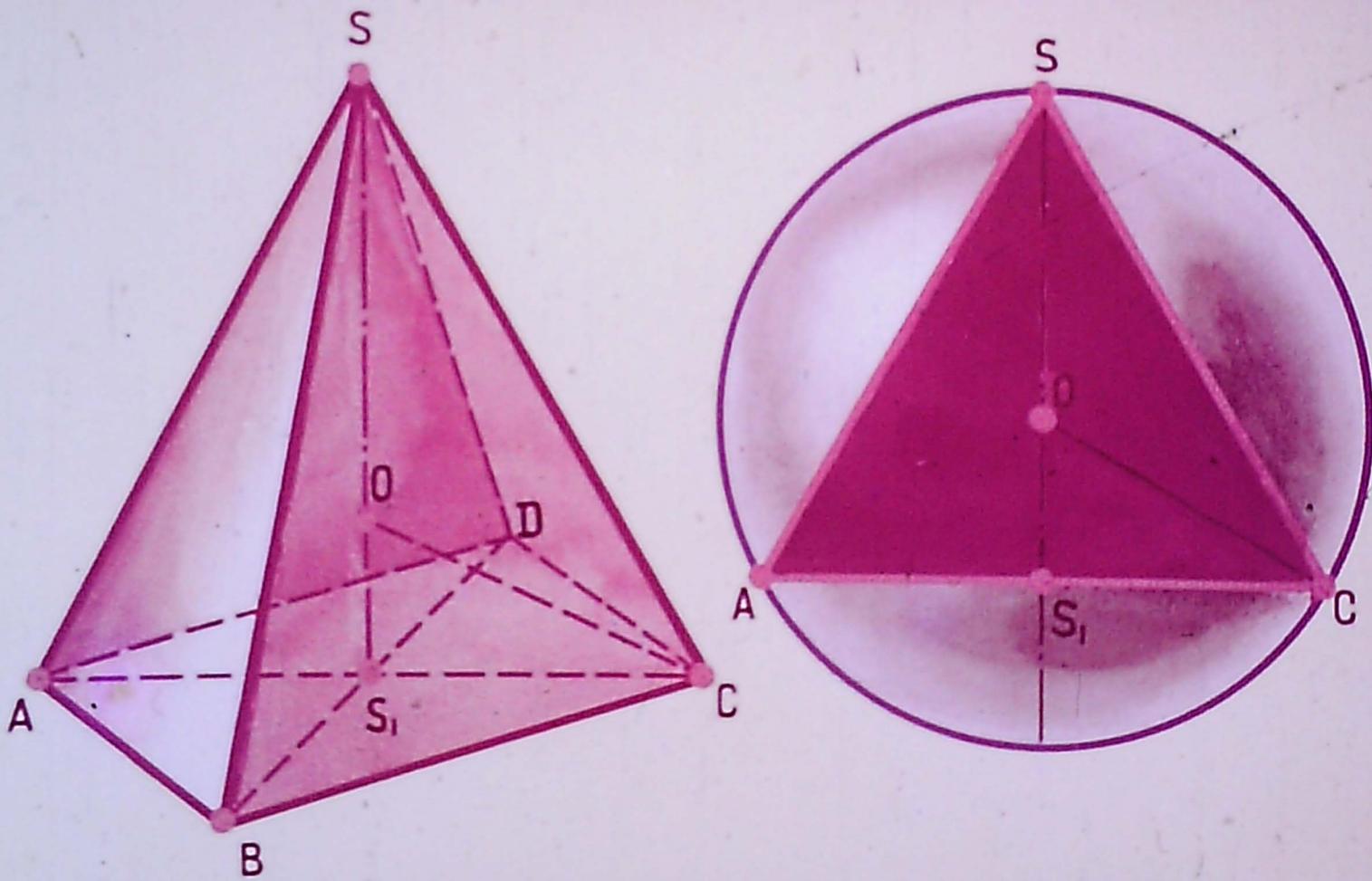


В правильную четырёхугольную пирамиду вписан полушар.

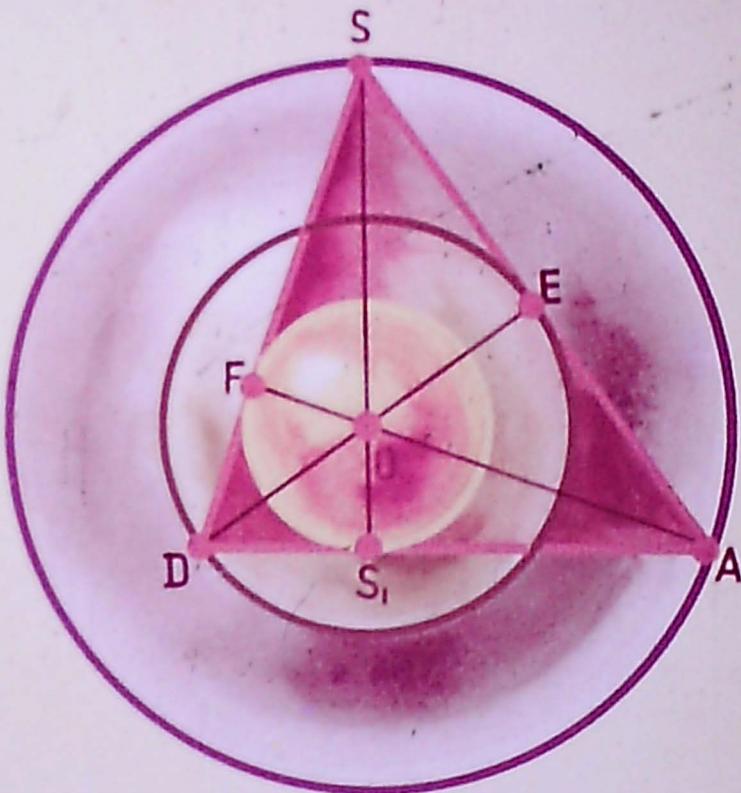
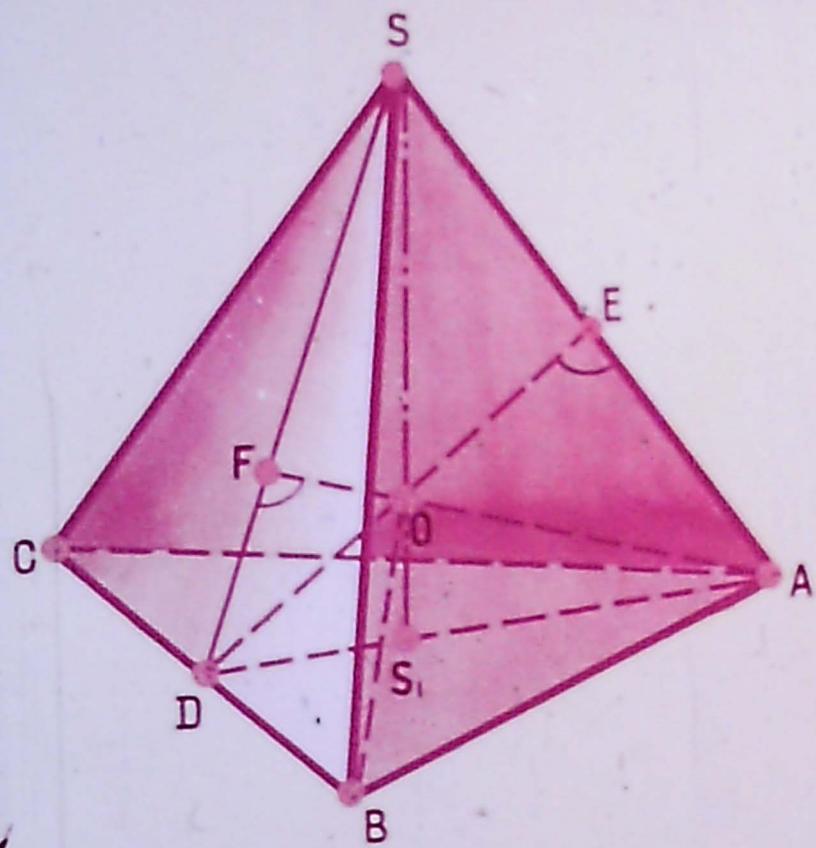


Шар, вписанный в пирамиду, в основании которой лежит квадрат, а одно из боковых рёбер которой перпендикулярно плоскости основания.

При решении задач для экономии времени можно пользоваться условным чертежом с выносными сечениями.



Около правильной четырёхугольной пирамиды описан шар.



Один шар описан около правильного тетраэдра, а другой — вписан в него. Третий шар касается всех рёбер тетраэдра.

КОНЕЦ

По заказу Министерства просвещения РСФСР

Автор И. Б. ВЕЙЦМАН

Чертежи и оформление С. Н. РОГОВА

Редактор Л. Б. КНИЖНИКОВА

Д-008-69

Студия «Диафильм», 1969 г.

Москва, Центр, Старосадский пер., д. № 7

Цветной 0-30